
SMART

**Sammlung mathematischer Aufgaben
als Hypertext mit T_EX**

Elektrizitätslehre (Physik)

herausgegeben vom

Zentrum zur Förderung des
mathematisch-naturwissenschaftlichen Unterrichts
der Universität Bayreuth*

5. Juni 2012

*Die Aufgaben stehen für private und unterrichtliche Zwecke zur Verfügung. Eine kommerzielle Nutzung bedarf der vorherigen Genehmigung.

Inhaltsverzeichnis

I. Elektrizitätslehre S1	3
1. Stromkreis	4
2. Ladung und Stromstärke	6
3. Spannung - Stromstärke - Widerstand	8
4. Elektrische Arbeit und Leistung	13
5. Magnetfeld und Strom	17
6. Induktion	19
7. Transformator	21
II. Elektrostatik S2	23
8. Das elektrische Feld	24
9. Das Coulombsche Gesetz	28
10. Das Feld von Punktladungen	31
11. Feld ausgedehnter Ladungen, Satz von Gauß	33
12. Arbeit im elektrischen Feld	36
13. Das Potential des elektrischen Feldes	39
14. Kondensatoren	41
15. Energie des elektrischen Feldes	43
16. Bewegung geladener Teilchen im elektrischen Feld	44
17. Die Elementarladung – Millikan	46

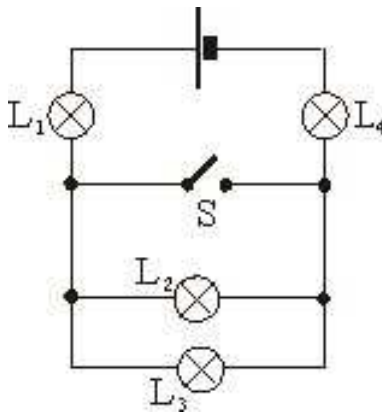
18.Laden und Entladen von Kondensatoren	47
III. Elektrodynamik S2	48
19.Ladung und Stromstärke	49
20.Kraft auf einen Leiter	50
21.Lorentzkraft	51
22.Induktionsgesetz	53
23.Magnetfeld von Strömen	56
24.Induktivität und Energie des Magnetfeldes	57
25.Wechselstrom und Effektivwerte	60
26.Wechselstromwiderstände	61
27.Elektromagnetische Schwingungen	62
28.Elektromagnetische Wellen	63
29.Interferenz	65
30.Beugung	68

Teil I.
Elektrizitätslehre S1

1. Stromkreis

1. Wirkung des elektrischen Stroms Welche Wirkungen des elektrischen Stroms gibt es? Gib für jede Wirkung eine Anwendung an.
2. Herr Schlaumeier besitzt einen großen Goldklumpen. Um ihn vor Dieben zu schützen entwirft er eine elektrische Schaltung, die zwei Kontrolllampen enthalten sollte.
 - Die Lampe L_1 soll mit ihrem Leuchten anzeigen, dass die Schaltung in Betrieb ist.
 - Bei Entfernung des Goldklumpens soll die zweite Lampe L_2 aufleuchten. Mache einen möglichst einfachen Vorschlag für eine - im Prinzip - geeignete Schaltung.

Quelle: Julia Pürkner



3.

Quelle: Julia Pürkner

Im nebenstehenden Stromkreis befinden sich vier baugleiche Lämpchen, eine Stromquelle und ein Schalter.

- (a) Welche Lämpchen leuchten, wenn der Schalter S geöffnet ist? Vergleiche die Helligkeit der Lämpchen untereinander und gib hierfür eine Begründung an.
- (b) Nun wird der Schalter geschlossen. Beantworte die Frage von Teilaufgabe (a) für diesen Fall.

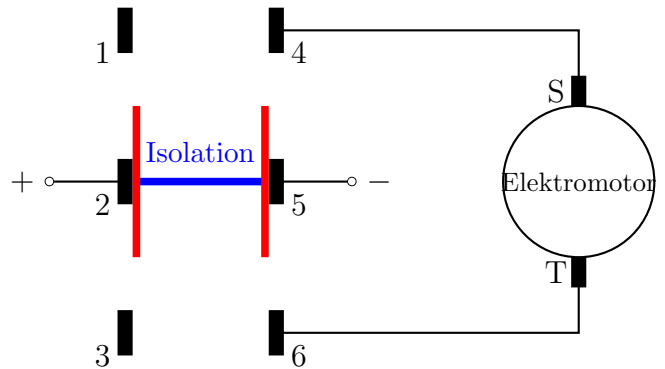
1. Stromkreis

Ein DPDT („Double Pole Double Throw“) oder 2-poliger Wechselschalter ist ein Schalter, den man für Elektromotoren benutzt, die mit Gleichstrom betrieben werden.

Der Schalter hat sechs Anschlüsse 1, 2, 3, 4, 5 und 6. An den Anschluss 2 kommt der Pluspol und an den Anschluss 5 der Minuspol einer Batterie. Der Anschluss 4 wird über den Schleifkontakt S und der Anschluss 6 über den Schleifkontakt T mit dem Elektromotor verbunden. Das blau-rot gezeichnete, leitende Teil des Schalters kann über einen Schieber vertikal in der Zeichenebene bewegt werden. In der gezeichneten Position des blau-rot gezeichneten Teils soll keine Spannung am Motor liegen. Wird der Schieber nach oben bewegt, so dass er mit 1, 2, 4 und 5 Kontakt hat, dann soll der Pluspol an T und der Minuspol an S liegen. Wird der Schieber aus der gezeichneten Position nach unten bewegt, so dass das blau-rot gezeichnete Teil Kontakt mit 2, 3, 5 und 6 hat, dann soll der Pluspol an S und der Minuspol an T liegen.

4.

Damit der Schalter wie beschrieben funktioniert sind noch zwei Verbindungen unter den Anschlüssen des Schalters nötig. Zeichne diese ein. Welchen Zweck erfüllt der Schalter?



2. Ladung und Stromstärke

1. Ströme

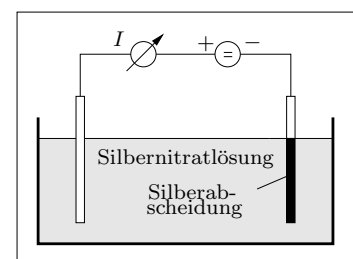
- Bei einem Gewitter treten Blitze zwischen Gewitterwolken und Boden auf.
- Ein Topf mit heißem Pudding wird in eine Schüssel mit kaltem Wasser gestellt.
- Aus einem aufgepumpten Fahrradschlauch wird das Ventil herausgezogen.

Was haben diese drei Phänomene miteinander zu tun? Gehe auch auf die jeweilige Ursache dieser Phänomene ein.

Quelle: Bildungsstandards im Fach Physik für den Mittleren Schulabschluss, Beschluss vom 16.12.2004

2. Wie viele Elektronen müssen von einer elektrisch neutralen Metallkugel abfließen, damit sie die Ladung $Q = 4,8 \cdot 10^{-10} \text{ C}$ trägt?
3. (a) Durch ein Radiogerät fließt in einer Minute die Ladung 27 C . Berechne die Stromstärke!
(b) Welche Ladung fließt in einer Stunde durch ein Bügeleisen, wenn die Stromstärke $3,0 \text{ A}$ beträgt?
(c) In welcher Zeit fließt durch eine Glühlampe bei der Stromstärke $I = 0,20 \text{ mA}$ die Ladung $5,0 \text{ C}$?
(d) Durch einen Transistor fließt ein Strom der Stärke $I = 0,040 \mu\text{A}$. Wie viele Elektronen wandern in einer Sekunde durch den Transistor?

4. Um ein Strommessgerät zu eichen, muss ein Strom von genau 1 A hergestellt werden, d.h. in einer Sekunde müssen genau $6,24 \cdot 10^{18}$ Elektronen durch den Leiterquerschnitt fließen. Teilaufgabe (b) zeigt, dass es unmöglich ist, diese riesige Zahl von Elektronen einzeln abzuzählen. Leitet man Strom durch eine Silbernitratlösung (AgNO_3), dann scheidet sich an der negativen Elektrode (Kathode) Silber ab, und zwar pro Elektron im Stromkreis genau ein Silberatom. Mit der bekannten Masse



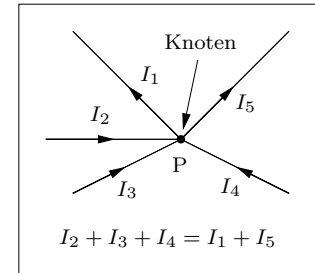
$$M = 1,79 \cdot 10^{-25} \text{ kg}$$

2. Ladung und Stromstärke

des Silberatoms kann aus der Masse m des abgeschiedenen Silbers die Zahl N der durch den Leiter geflossenen Elektronen berechnet werden.

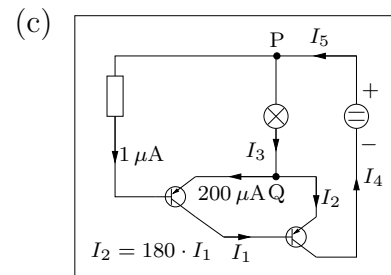
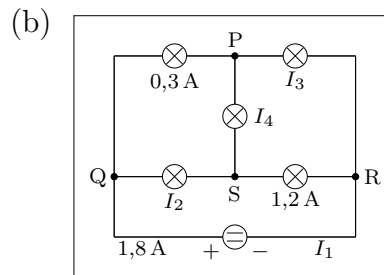
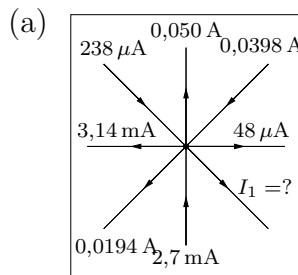
- (a) Wieviel Silber wird von einem Strom der Stärke 1,00 A in einer Sekunde abgeschieden?
- (b) Ein elektronisches Zählgerät ist in der Lage, pro Sekunde eine Milliarde Elektronen zu zählen. Wie viele Jahre braucht dieses Gerät, um alle Elektronen der Ladung $Q = 1\text{ C}$ zu zählen?

5. Es ist eine experimentell abgesicherte Tatsache, dass sich ein Verzweigungspunkt P (*Knoten*) einer elektrischen Schaltung nicht auflädt, d.h. die pro Sekunde in den Knoten hineinfließende Ladung muss gleich der pro Sekunde vom Knoten abfließenden Ladung sein. Da aber „Ladung pro Zeit“ nichts anderes als die Stromstärke ist, gilt folgende Regel:



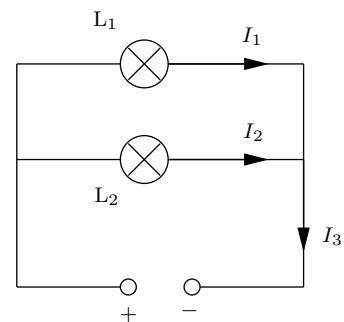
Die Summe der in einen Knoten P hineinfließenden Ströme ist gleich der Summe der von P abfließenden Ströme.
(1. Kirchhoff'sche Regel)

Berechne alle in den folgenden Zeichnungen angegebenen Stromstärken!



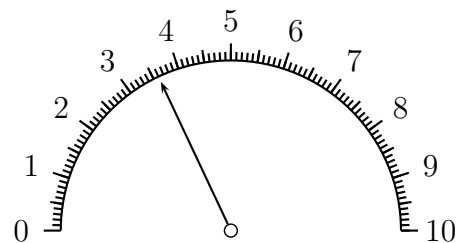
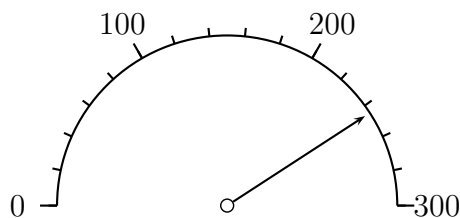
6. In nebenstehender Schaltung sind die Stromstärken $I_1 = 36\text{ mA}$ und $I_3 = 0,113\text{ A}$ bekannt.

- (a) Berechne I_2 .
- (b) Wie viele Elektronen fließen in fünf Minuten durch die Lampe L_1 ?
- (c) In welcher Zeit fließen $2,0 \cdot 10^{20}$ Elektronen durch die Lampe L_2 ?



3. Spannung - Stromstärke - Widerstand

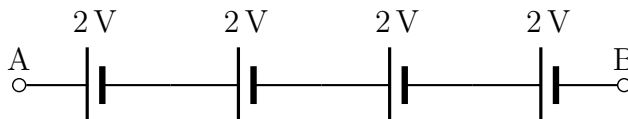
1. (a) Es soll der Widerstand einer Glühbirne experimentell ermittelt werden. Zeichne die zugehörige Schaltskizze.
- (b) Die Skalen, die in diesem Versuch verwendeten Messinstrumente zeigen folgende Werte an:



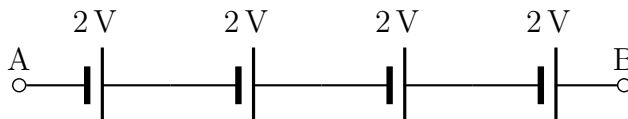
Der Messbereich des Gerätes, das zur linken Skala gehört ist 300 mA und der des Gerätes, das zur rechten Skala gehört ist 10 V. Berechne den Wert des elektrischen Widerstands der Glühbirne.

2. Berechne jeweils die Spannung der gegebenen Anordnung von Batterien zwischen A und B.

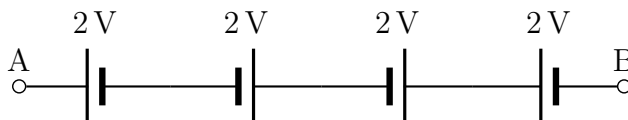
(a)



(b)

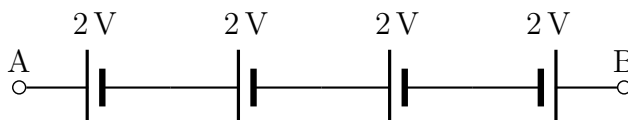


(c)



3. Spannung - Stromstärke - Widerstand

(d)



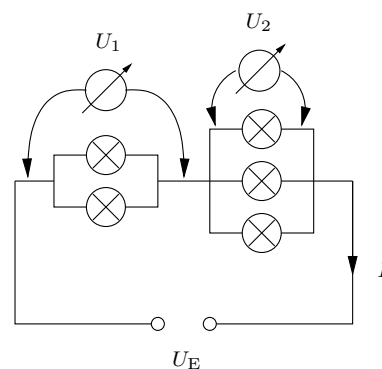
3. Inge hat eine ganze Schachtel voll mit $10\ \Omega$ -Widerständen. Wie kann sie daraus mit möglichst wenig Materialverbrauch einen $8\ \Omega$ -Widerstand zusammenbauen?

Dokumentiere alle deine Versuche mit Schaltplan und Berechnung des Gesamtwiderstandes!

4. In den USA hat die Netzspannung den Wert $U_S = 115\ \text{V}$. Sam bringt fünf Glühlampen aus den USA mit nach Deutschland und möchte sie ans europäische Stromnetz ($U_E = 230\ \text{V}$) anschließen. Die baugleichen Lampen tragen die Aufschrift $115\ \text{V}/125\ \text{W}$.

(a) Berechne den Widerstand R_L einer Lampe.

(b) Sam probiert es mit nebenstehender Schaltung. Berechne den Gesamtwiderstand R_{ges} und den Gesamtstrom I . Welche Spannungen U_1 und U_2 zeigen die beiden Messgeräte an?



(c) Welche Lampen sind überlastet? Eine der überlasteten Lampen brennt durch. Erkläre genau (mit Rechnungen), was dann mit den anderen Lampen geschieht.

(d) Suche eine Schaltung aller fünf Lampen, bei der mindestens eine Lampe an der Sollspannung U_S liegt und die anderen Lampen nicht überlastet sind. Dokumentiere deine Versuche mit den dazugehörigen Rechnungen.

5. (a) Welchen Widerstand R hat eine Glühlampe, die an der Spannung $U = 220\ \text{V}$ von einem Strom der Stärke $I = 0,11\ \text{A}$ durchflossen wird?

(b) Die Bundesbahn fährt mit der Spannung $U = 15\ 000\ \text{V}$. Der Widerstand des Motors einer Lok beträgt $R = 35\ \Omega$. Welcher Strom I fließt durch den Motor?

(c) Welche Spannung U liegt an dem Widerstand $R = 48\ \text{k}\Omega$, der von einem Strom der Stärke $I = 25\ \mu\text{A}$ durchflossen wird?

(d) Der Motor einer starken Bohrmaschine hat den Widerstand $R = 18\ \Omega$. Welche Stromstärke muss die Sicherung mindestens aushalten?

(e) Der menschliche Körper hat, je nach Hautfeuchtigkeit, einen Widerstand von $2,5\ \text{k}\Omega$ bis $10\ \text{k}\Omega$. Stromstärken ab ungefähr $10\ \text{mA}$ können für den Menschen schon lebensgefährdend sein. Ab welcher Spannung muss man also aufpassen?

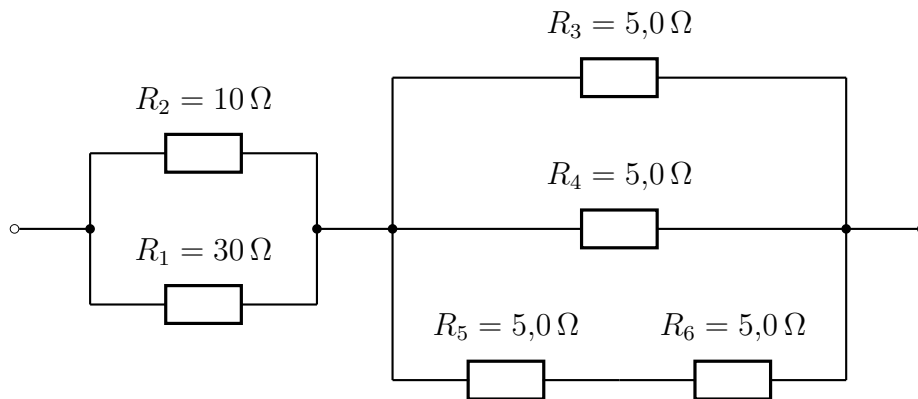
3. Spannung - Stromstärke - Widerstand

6. Die Widerstände R_1 und R_2 liegen hintereinander an der Spannung U , mit U_1 bzw. U_2 werden die Teilspannungen an R_1 bzw. R_2 bezeichnet. Berechne die fehlenden Größen:

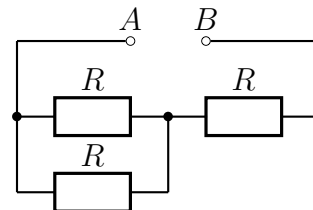
	R_1 in Ω	R_2 in Ω	R in Ω	U_1 in V	U_2 in V	U in V	I in A
(a)	80	120	?	?	?	10	?
(b)	150	10	?	5	?	?	?
(c)	?	30	?	?	0,01	300	?
(d)	1000	?	?	0,001	?	2	?
(e)	?	?	5000	?	400	?	0,1
(f)	50	?	?	?	?	220	5
(g)	?	80	?	?	6,4	?	0,8

7. Von fünf in Reihe geschalteten Widerständen ist jeder um $100\ \Omega$ größer als sein Vorgänger. Wie groß sind diese Widerstände, wenn bei einer angelegten Spannung von $U = 230\ \text{V}$ ein Strom der Stärke $I = 0,20\ \text{A}$ fließt? Berechne auch die Teilspannungen an den einzelnen Widerständen.

8. Berechne den Ersatzwiderstand der nachstehend abgebildeten Schaltung.

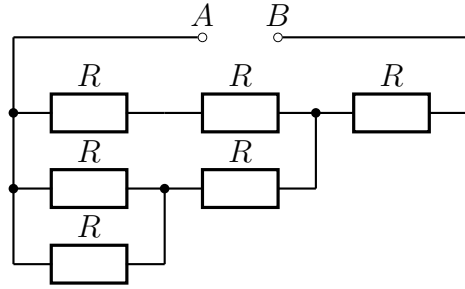


9. (a) Berechne den Ersatzwiderstand R_1 zwischen A und B .



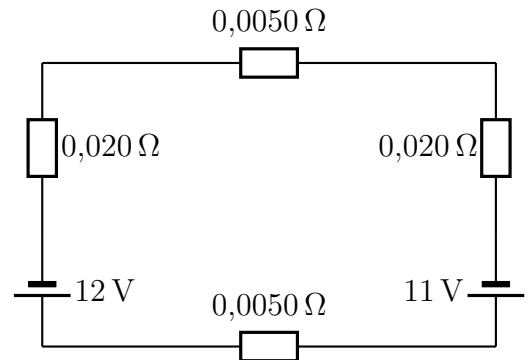
3. Spannung - Stromstärke - Widerstand

- (b) Berechne den Ersatzwiderstand R_2 zwischen A und B unter Verwendung des Ergebnisses der vorhergehenden Teilaufgabe.



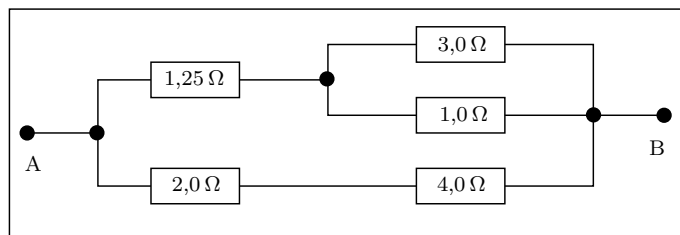
- (c) Die ersten beiden Schaltungen kann man als Elemente einer Folge von Schaltungen auffassen. Zeichne das nächste Element dieser Folge und berechne den Widerstand R_3 dieser Schaltung.
- (d) Wir legen $R_0 = R$ fest. Wie lautet dann die Formel zur Berechnung von R_{n+1} aus R und R_n ($n \in \mathbb{N}$)?

10. Die Batterie eines liegen gebliebenen PKWs ist entladen und hat eine Quellenspannung von 11 V. Die Batterie mit der der liegen gebliebene PKW gestartet werden soll, ist voll aufgeladen und hat eine Klemmenspannung von 12 V. Der Innenwiderstand einer Batterie beträgt jeweils $0,020 \Omega$ und der Widerstand je eines Starthilfekabels $0,0050 \Omega$. Die nebenstehende Schaltskizze gibt die Situation für gegeneinander geschaltete Batterien wieder. Berechne den Strom beim Fremdstarten für



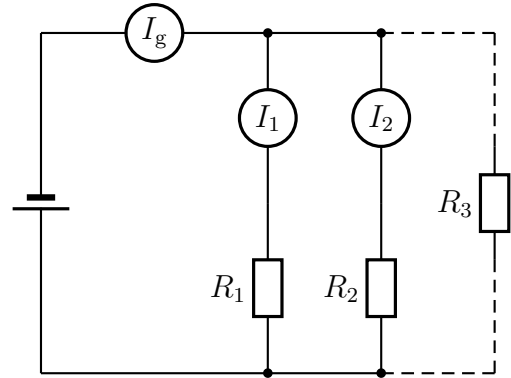
- (a) gegeneinandergeschaltete Batterien,
 (b) gleichgeschaltete Batterien.

11. Berechne den Gesamtwiderstand R_{AB} der nebenstehend gezeichneten Schaltung!



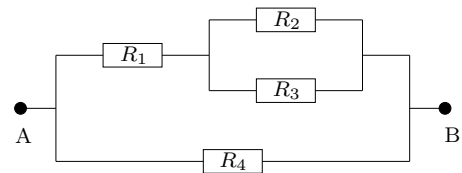
3. Spannung - Stromstärke - Widerstand

In der nebenstehenden Schaltung sind zwei Widerstände R_1 und R_2 parallel geschaltet. Durch den Widerstand R_1 fließt ein Strom der Stärke I_1 und durch den Widerstand R_2 ein Strom der Stärke I_2 . Nun wird ein dritter Widerstand R_3 zu R_1 bzw. R_2 parallel geschaltet. Welche Aussage kann man dann über die Gesamtstromstärke I_g und die Teilstromstärken I_1 , I_2 machen (Begründung)?



13. Du hast ein Glühlämpchen mit der Aufschrift $4,5\text{ V} / 1,35\text{ W}$, zwei $10\ \Omega$ -Widerstände und eine 12 V -Autobatterie. Finde eine Schaltung aus den gegebenen Bauteilen, mit der das Lämpchen ohne Schaden zu nehmen betrieben werden kann. Dokumentiere alle deine Versuche mit Schaltplan und Berechnung der Lampenspannung U_L .

14. In nebenstehender Schaltung gilt $R_1 = 1,0\ \Omega$, $R_2 = 1,0\ \Omega$, $R_3 = 2,0\ \Omega$ und $R_4 = 5,0\ \Omega$. Durch R_1 fließt der Strom I_1 , durch R_2 der Strom I_2 usw.



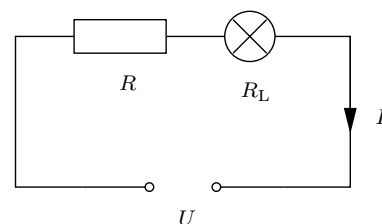
- Berechne den Gesamtwiderstand R_{AB} zwischen den Punkten A und B.
- Wie groß ist die Spannung U_{AB} zwischen den Punkten A und B, wenn durch R_2 der Strom $I_2 = 3,0\text{ A}$ fließt?

15. Für eine Standard-LED ist die zulässige Betriebsspannung $2,1\text{ V}$. Dabei fließt durch die LED ein Strom der Stärke 10 mA . Welchen Vorwiderstand muss man wählen, wenn für den Betrieb der LED nur eine Batterie mit einer Klemmenspannung von $9,0\text{ V}$ zur Verfügung steht?

4. Elektrische Arbeit und Leistung

- Tom möchte eine Glühbirne mit der Aufschrift 23 V/46 W an das Haushaltsnetz ($U = 230 \text{ V}$) anschließen. Er hat dazu zwei Präzisionswiderstände mit dem jeweiligen Wert $R = 90,0 \Omega$. Die Spannung U_L an der Lampe soll natürlich möglichst genau 23 V sein, darf diesen Wert aber auf keinen Fall um mehr als zwei Prozent überschreiten.

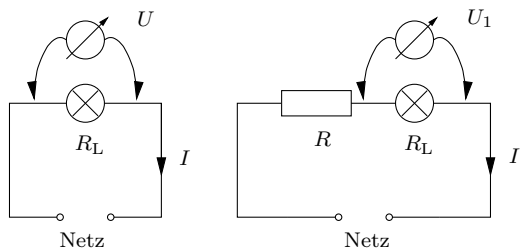
- Berechne den Widerstand R_L der Lampe.
- Tom probiert es mit nebenstehender Schaltung. Überprüfe durch Rechnung, ob die Forderungen erfüllt sind. Wieviel Prozent der Leistung der Stromquelle gehen in R verloren?
- Suche eine bessere Schaltung. Dokumentiere deine Versuche durch Schaltpläne und die notwendigen Berechnungen.



- Eine Halogenlampe wird normalerweise mit der Spannung $U_L = 24,0 \text{ V}$ betrieben und dabei vom Strom $I_L = 2,50 \text{ A}$ durchflossen.

- Berechne den Widerstand R_L der Lampe und die in der normal betriebenen Lampe umgesetzte Leistung P_L .
- Um die Lampe am Stromnetz ($U = 230 \text{ V}$) zu betreiben, wird ein Widerstand R_V vorgeschaltet. Zeichne ein beschriftetes Schaltbild und berechne R_V so, dass die Lampe wieder im Normalbetrieb läuft.
- Welche Spannung U_V liegt an R_V ? Welche Leistung P_V geht im Vorschaltwiderstand verloren? Wie groß ist demnach der Wirkungsgrad der Schaltung?

- Jörg möchte die Leistung seines Scheinwerfers bestimmen. Da der Strommessbereich seines Vielfachmessgerätes defekt ist, kann er nur Spannungen messen. Außerdem besitzt er noch einen Präzisionswiderstand mit dem Wert $R = 125 \Omega$. Jörg misst zuerst die Netzspannung $U = 232 \text{ V}$ und dann die Spannung $U_1 = 32,0 \text{ V}$ am Scheinwerfer, wenn dieser mit R in Reihe ans



4. Elektrische Arbeit und Leistung

Netz angeschlossen wird. Berechne zuerst die Spannung U_R am Widerstand R , die Stromstärke I_1 und dann den Widerstand R_L des Scheinwerfers und seine Leistung P , wenn er ohne den Widerstand R an U angeschlossen wird.

4. Durch ein Fernsehgerät, das im Stand-by-Betrieb mit einer Spannung von 230 V betrieben wird, fließen 0,10 A.
 - (a) Wie viel elektrische Energie in der Einheit 1 J wird verbraucht, wenn das Fernsehgerät 20,0 h lang im Stand-by-Betrieb läuft?
 - (b) Der Preis für 1,00 kWh beträgt 18,0 Cent. Wie viel kostet der Betrieb des Fernsehgeräts in 1,00 a, wenn es pro Tag 20,0 h im Stand-by-Betrieb läuft?
 - (c) Ein modernes Kernkraftwerk hat eine Leistung von etwa 1100 MW. In Deutschland gibt es etwa 55 Millionen Haushalte. Jeder Haushalt ist mit etwa 1,5 Fernsehgeräten ausgestattet. Zur Vereinfachung nehmen wir an, dass in jedem Haushalt 1 Fernsehgerät rund um die Uhr im Stand-by-Betrieb läuft. Zeige durch Rechnung, dass man durch Abschalten aller Fernsehgeräte, die im Stand-by-Betrieb laufen, ein Kernkraftwerk einsparen könnte!

5.
 - (a) Welche Spannung erteilt der Ladung $Q = 0,060\text{ C}$ die Energie $W = 3,0\text{ J}$?
 - (b) Welcher Ladung wird beim durchlaufen der Spannung $U = 220\text{ V}$ die Energie $W = 2,00\text{ J}$ übertragen?

6.
 - (a) In einer Fernrohröhre werden zunächst ruhende Elektronen von der Spannung $U = 5000\text{ V}$ beschleunigt. Berechne die kinetische Energie W_k und die Geschwindigkeit v der Elektronen nach der Beschleunigung.
 - (b) Ein Proton soll in $\Delta t = 10\text{ s}$ von der Erde zum Mond fliegen ($\Delta s = 384000\text{ km}$). Von welcher Spannung U muss das Proton beschleunigt werden?

7. Für ein Experiment müssen ruhende Protonen auf die Geschwindigkeit $v = 2,7 \cdot 10^7 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ beschleunigt werden. Welche Spannung U müssen die Protonen dazu durchlaufen?

8. Ein Elektromotor wird an eine normale Steckdose angeschlossen, die mit 10 A abgesichert ist. In welcher minimalen Zeit Δt kann der Motor mit dem Wirkungsgrad $\eta = 60\%$ drei Zementsäcke der Gesamtmasse $m = 150\text{ kg}$ vom Boden in den 3. Stock ($h = 12\text{ m}$) befördern?

9. Ein Tauchsieder ist an eine Haushaltssteckdose angeschlossen und wird von einem Strom der Stärke $I = 3,5\text{ A}$ durchflossen. In welcher Zeit Δt kann mit dem Tauchsieder ein Liter Wasser der Temperatur $14\text{ }^\circ\text{C}$ zum Kochen gebracht werden?

4. Elektrische Arbeit und Leistung

10. Auf einer Glühbirne steht 230 V / 60 W. Welcher Strom I fließt durch die Glühbirne und welchen Widerstand R hat sie?
11. Durch einen Fernseher fließt bei $U = 230$ V und $I = 5,0$ A in der Zeit t die Ladung $Q = 1,8 \cdot 10^4$ C. Berechne den Widerstand R des Gerätes, die Leistungsaufnahme P , die verbrauchte elektrische Energie W und die Einschaltdauer t .
12. Durch eine Filmleuchte ($P = 1000$ W) fließt in 11 s die Ladung 50 C. Berechne U , I , R und W !
13. Ein Tauchsieder soll 400 g Eis von 0°C in 5 min in Wasser von 60°C verwandeln. Welchen Widerstand R muss der Tauchsieder haben?
14. An einem Widerstand R liegt für die Zeit t die Spannung U und es fließt der Strom I . P ist die Leistung der Stromquelle in dieser Zeit und W die gesamte in dieser Zeitspanne am Widerstand R umgesetzte Energie.
 - (a) Berechne P , R und U aus I , W und t .
 - (b) Berechne P , I und U aus R , W und t .
15. Auf einer Glühbirne steht 3,5 V / 1,05 W. Welchen Widerstand R_V muss man vorschalten, damit das Lämpchen an 230 V angeschlossen werden kann? Wieviel Prozent der Gesamtleistung gehen am Widerstand verloren? Wieviel Prozent sind das von der Nutzleistung?

16. Strom aus Wasserkraft

Vom Walchensee fließen pro Sekunde 84 m^3 Wasser in Druckrohren zum $h = 200$ m tiefer gelegenen Kraftwerk, das die anfängliche potentielle Energie des Wassers mit einem Wirkungsgrad von 75% in elektrische Energie verwandelt. Welche elektrische Leistung P kann das Kraftwerk abgeben? Um wieviel Grad ist das Wasser nach dem Kraftwerk wärmer als im Walchensee? Welcher Strom fließt in der vom Werk abgehenden 110-kV-Leitung?

17. Vom Unsinn der Standby-Schaltungen

Damit der moderne „Homo faulentius“ seinen Leib nicht mehr vom Sofa erheben muss, sind die meisten Fernseh- und Stereogeräte mit Standby-Schaltungen ausgestattet, d.h. sie lassen sich mit der Fernbedienung vom normalen Betrieb in den Schlafmodus (Standby) und wieder zurück schalten (Videorekorder lassen sich überhaupt nicht ausschalten). Im Standby-Betrieb fließt im Durchschnitt der Strom $I = 45$ mA durch ein Gerät. Was kostet der jährliche „Rund-um-die-Uhr-Standby-Betrieb“ von $N = 1,8 \cdot 10^8$ Geräten (Deutschland) bei einem Preis von 17 Cent pro Kilowattstunde? Wie viele Wasserkraftwerke mit der mittleren Leistung 36 MW (Walchensee) bzw. Kernkraftwerke mit der Leistung 900 MW (Isar I) sind zum Standby-Betrieb der deutschen Geräte nötig?

4. Elektrische Arbeit und Leistung

18. Wie viele Elektronen man zum Bügeln braucht

Ein Bügeleisen nimmt die Leistung $P = 690 \text{ W}$ auf. Welchen Widerstand R hat das Gerät? Wie viele Elektronen (Elementarladung: $e = 1,60 \cdot 10^{-19} \text{ C}$) fließen pro Stunde durch das Bügeleisen?

19. Ein Bach, der pro Sekunde $0,50 \text{ m}^3$ Wasser führt, stürzt in einem Rohr $h = 3,0 \text{ m}$ in die Tiefe und treibt den Generator eines kleinen Wasserkraftwerks an. 70% der potentiellen Energie des Wassers werden dabei in elektrische Energie verwandelt, 20% gehen in innere Energie des Wassers über.

- Was passiert mit den restlichen 10% der potentiellen Energie des Wassers?
- Um welche Temperaturdifferenz ΔT ist das Wasser nach dem Generator wärmer als vorher? ($c_{\text{H}_2\text{O}} = 4,19 \frac{\text{kJ}}{\text{kg K}}$)
- Welche maximale elektrische Leistung P_e kann der Generator abgeben? Wie groß ist die Stromstärke I bei dieser maximalen Leistung, wenn die Spannung des Generators $U = 230 \text{ V}$ beträgt?

20. Ein Elektroauto der Masse $m = 800 \text{ kg}$ beschleunigt in 20 s von null auf $90 \frac{\text{km}}{\text{h}}$. Der Motor des Fahrzeugs wird mit der Spannung $U = 200 \text{ V}$ betrieben und hat den Wirkungsgrad 80%. Von welchem mittleren Strom I wird der Motor während des Beschleunigungsvorgangs durchflossen?

- Eine LED-Lampe liegt an der Spannung $U = 3,6 \text{ V}$ und dabei wird die elektrische Leistung $P = 2,0 \text{ W}$ in der Lampe umgesetzt. Von welchem Strom I wird die Lampe durchflossen und welchen Widerstand R hat sie?
- Ein Aufzug der Masse $m = 1200 \text{ kg}$ wird von einem Elektromotor mit dem Wirkungsgrad $\eta = 90 \%$ in $\Delta t = 2,5 \text{ s}$ mit konstanter Geschwindigkeit um die Höhe $h = 3,6 \text{ m}$ gehoben. Dabei gehen 10% der vom Motor erbrachten mechanischen Energie durch Reibung verloren. Von welchem Strom I wird der Motor durchflossen, der an der Spannung $U = 218 \text{ V}$ liegt?

Wie groß ist I , wenn der Aufzug (bei konstanter Leistung) zusätzlich noch von null auf $v = 4,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ beschleunigt wird?

22. Welche Stromstärke fließt durch einen an das Haushaltsnetz angeschlossenen elektrischen Wasserkocher, wenn man Wasser zum Sieden bringt?

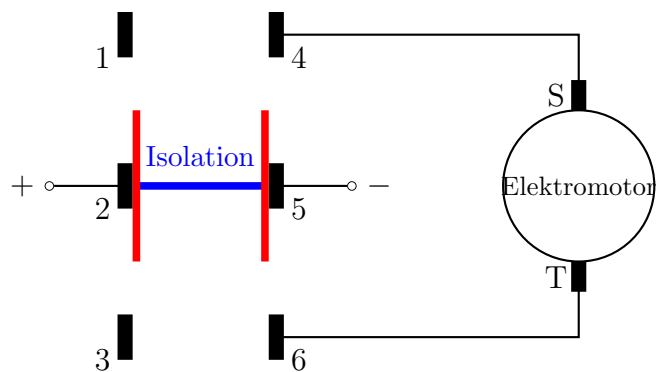
23. Du füllst in einen an das Haushaltnetz ($U = 230 \text{ V}$) angeschlossenen Wasserkocher $1,01$ Wasser (Dichte von Wasser $\rho = 1,0 \frac{\text{kg}}{\text{dm}^3}$, spezifische Wärme von Wasser $c = 4,2 \frac{\text{J}}{\text{g K}}$) der Temperatur $\vartheta_0 = 20^\circ\text{C}$. Es vergehen 4,0 Minuten bis das Wasser zu sieden beginnt. Welche Stromstärke fließt durch den Wasserkocher?

5. Magnetfeld und Strom

Ein DPDT („Double Pole Double Throw“) oder 2-poliger Wechselschalter ist ein Schalter, den man für Elektromotoren benutzt, die mit Gleichstrom betrieben werden.

Der Schalter hat sechs Anschlüsse 1, 2, 3, 4, 5 und 6. An den Anschluss 2 kommt der Pluspol und an den Anschluss 5 der Minuspol einer Batterie. Der Anschluss 4 wird über den Schleifkontakt S und der Anschluss 6 über den Schleifkontakt T mit dem Elektromotor verbunden. Das blau-rot gezeichnete, leitende Teil des Schalters kann über einen Schieber vertikal in der Zeichenebene bewegt werden. In der gezeichneten Position des blau-rot gezeichneten Teil soll keine Spannung am Motor liegen. Wird der Schieber nach oben bewegt, so dass er mit 1, 2, 4 und 5 Kontakt hat, dann soll der Pluspol an T und der Minuspol an S liegen. Wird der Schieber aus der gezeichneten Position nach unten bewegt, so dass das blau-rot gezeichnete Teil Kontakt mit 2, 3, 5 und 6 hat, dann soll der Pluspol an S und der Minuspol an T liegen.

1.



Damit der Schalter wie beschrieben funktioniert sind noch zwei Verbindungen unter den Anschlüssen des Schalters nötig. Zeichne diese ein. Welchen Zweck erfüllt der Schalter?

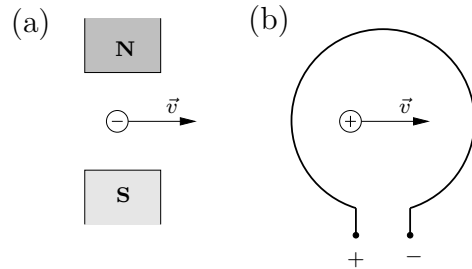
2. Ein Nagel wird 20 Mal von einem Draht umwickelt. Die Drahtenden werden an eine Batterie angeschlossen. Nun hält man den Nagel an ein Häufchen Büroklammern.
 - (a) Was passiert?

5. Magnetfeld und Strom

- (b) Was passiert, wenn man den Nagel nur 10 Mal umwickelt und dann an die Büroklammern hält?
- (c) Was passiert, wenn man Nagel und Batterie trennt?

Quelle: Julia Pürkner

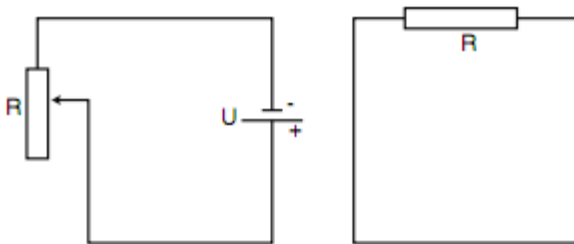
3. Ermittle in nachvollziehbarer Weise (Hilfsgrößen einzeichnen!) die Richtung der Kraft \vec{F} auf das bewegte geladene Teilchen. Beschreibe kurz die dabei verwendete Regel.



6. Induktion

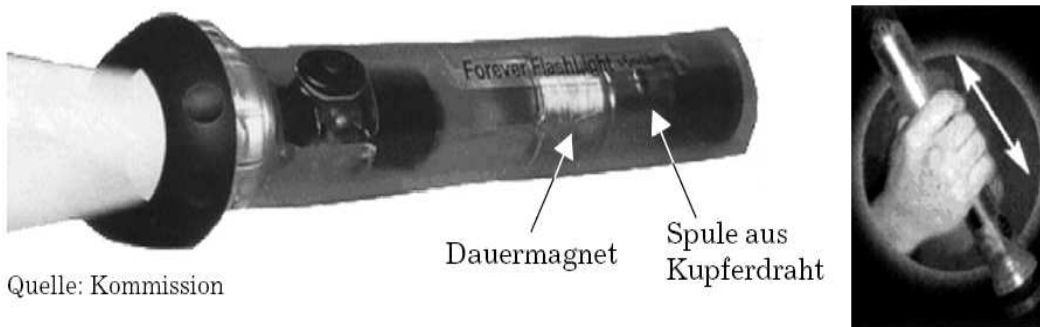
1. Die beiden in der Abb. dargestellten Kreise befinden sich so hintereinander, dass sich ihre magnetischen Feldlinien durchdringen. In welche Richtung fließt der induzierte Strom im rechten Stromkreis, wenn der Widerstand im linken Kreis

- (a) erhöht wird?
- (b) erniedrigt wird?



2. Batterielose Taschenlampe

In einem Katalog wird eine neuartige Taschenlampe angeboten: Weltneuheit: Immer einsatzbereit. Kurze Zeit in Längsrichtung schütteln (siehe Abbildung) reicht aus, und schon hat man Dauerlicht.



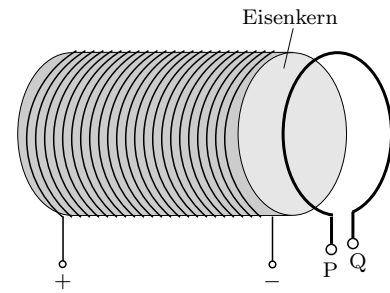
- (a) Erklären Sie, warum durch das Schütteln eine elektrische Spannung erzeugt werden kann.
- (b) Planen Sie ein Experiment, mit dem die Erzeugung einer solchen Spannung demonstriert werden kann.
- (c) Geben Sie weitere Bauteile an, die außer Spule und Magnet noch zum Betrieb dieser Lampe notwendig sind. Begründen Sie Ihre Auswahl. Fertigen Sie eine Schaltskizze der Lampe an.

6. Induktion

Quelle: Bildungsstandards im Fach Physik für den Mittleren Schulabschluss, Beschluss vom 16.12.2004

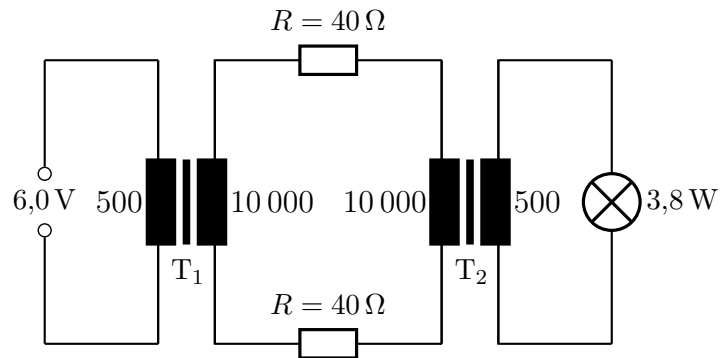
3. Ein Flugzeug fliegt über der Antarktis in konstanter Höhe genau auf den Südpol zu. Erkläre ganz genau anhand von Skizzen und bekannten Gesetzen, deren Name und Inhalt anzugeben ist, welche Flügelspitze sich wie auflädt.

4. Der Strom durch die Spule in nebenstehender Abbildung wird abgeschaltet. Welche Polung hat die Induktionsspannung in der Leiter-schleife kurz nach dem Abschalten? Zitiere die verwendete Regel (Name und Inhalt) und erläutere Schritt für Schritt, wie du zu deinem Ergebnis kommst. Welche Wirkung hat der Eisenkern der Spule auf die Induktionsspannung?



7. Transformator

1. Nebenstehend ist eine Schaltskizze zu einem Modellversuch zur Energieübertragung mit der Hochspannungstechnik abgebildet. Berechne die zum Betrieb der Glühlampe erforderliche Primärstromstärke, wenn der Wirkungsgrad der beiden Transformatoren jeweils 100% ist. Welcher Wirkungsgrad ergibt sich daraus für die Energieübertragung?



2. An einem Transformator liegt primärseitig die Netzspannung $U = 230 \text{ V}$. Sekundärseitig sollen zwei parallel geschaltete Halogenlampen ($U = 24 \text{ V}$; $P = 12 \text{ W}$) an den Transformator angeschlossen werden.
- Von welcher Art muss die Spannung primärseitig sein, damit der Transformator funktioniert? Begründe deine Antwort.
 - Skizziere die Schaltung.
 - Welchen Wert muss die Spannungsübersetzung haben. Gib eine Möglichkeit an, wie diese realisiert werden kann.
 - Es ist bekannt, dass der Wirkungsgrad des Transformators 90% beträgt. Berechne die Sekundärstromstärke, die Primärleistung und die Primärstromstärke.
3. Beschreibe den Aufbau eines Transformators und erkläre dann genau, wie die Spannung an der Sekundärspule entsteht. Verwende eine Skizze und achte auf eine logisch saubere Argumentation.
4. Beschreibe den Aufbau eines Transformators und erkläre dann genau, wie die Spannung an der Sekundärspule entsteht. Verwende eine Skizze und achte auf eine logisch saubere Argumentation.
5. Eine Wechselspannung $U_1 = 3,00 \text{ V}$ soll auf $U_2 = 648\,000 \text{ V}$ hochtransformiert werden.

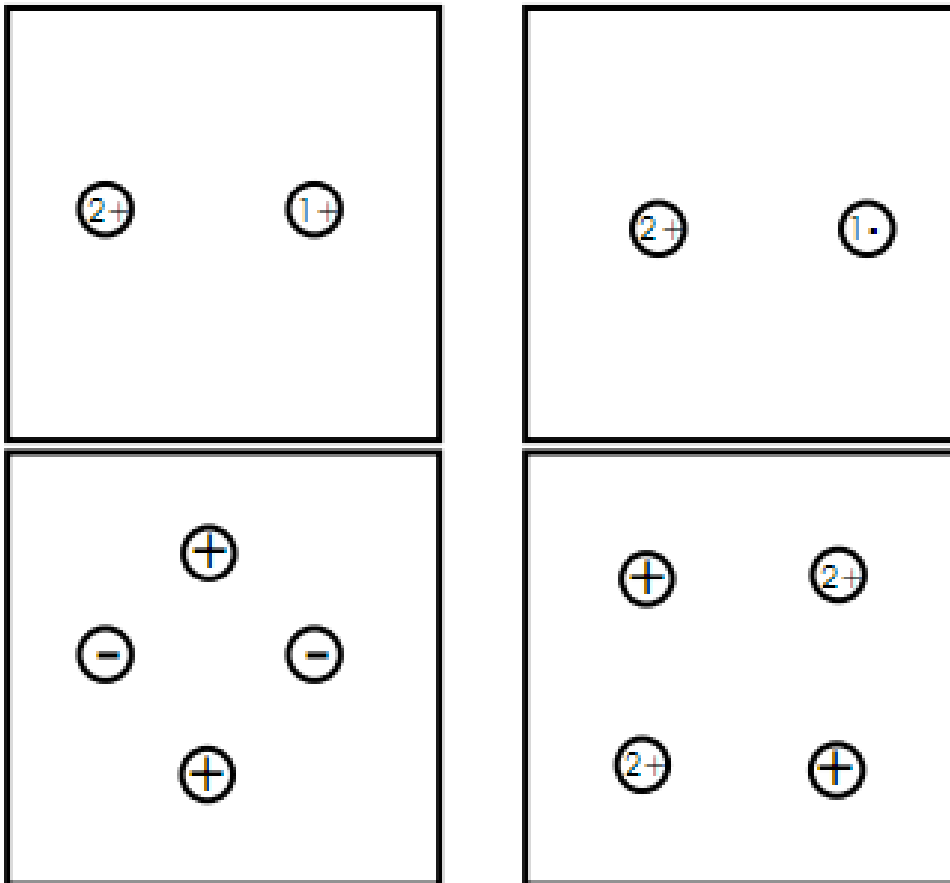
7. Transformator

- (a) Es wird ein Trafo verwendet, dessen Primärspule $n_1 = 400$ Windungen hat. Welche Windungszahl n_2 hat die Sekundärspule?
 - (b) Es werden drei gleichartige Trafos mit $n_1 = 400$ verwendet; die Sekundärspule eines Trafos wird dabei an die Primärspule des nächsten Trafos angeschlossen. Welches (gleiche) n_2 hat jeder der drei Trafos?
6. Hans hat drei identische Trafos mit den Windungszahlen $n_1 = 270$ und $n_2 = 1350$.
- (a) Welche größte und welche kleinste Spannung kann Hans aus der Netzspannung $U_0 = 230$ V herstellen?
 - (b) Hans möchte eine Glühlampe mit der Aufschrift 10 V/20 W mit der Netzspannung betreiben. Mit welcher Schaltung aus seinen Trafos ist dies am besten möglich (Schaltplan mit Angabe der Windungszahlen)? Welcher Strom I_s fließt in diesem Fall aus der Steckdose?

Teil II.
Elektrostatik S2

8. Das elektrische Feld

1. In Muskel- und Nervenzellen besteht eine elektrische Spannung quer durch die Zellmembran. Die Größe der Spannung beträgt 90mV im Ruhezustand, die Dicke der Membran beträgt $4 - 5\text{nm}$. Berechne die Feldstärke, die über der Zellmembran herrscht und bewerte das Ergebnis.
2. Ein durch Reibung aufgeladener Kamm trägt eine Ladung von $Q = 10^{-7}\text{C}$. Schätze die Feldstärke in der Umgebung des Kammes ab.
3. Zeichne für folgende Ladungsverteilungen die Feldlinien ein.



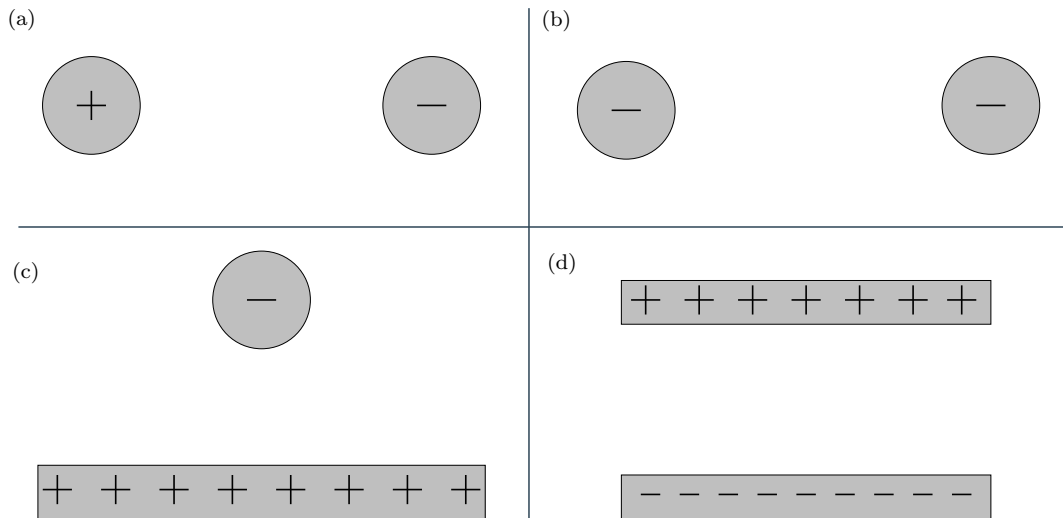
Quelle: Elektrodynamik Sommer 2003, Prof. Thomas Müller, Universität Karlsruhe, Blatt 1

8. Das elektrische Feld

4. Ein Öltröpfchen der Masse $3 \cdot 10^{-11} \text{g}$ schwebt in einem Kondensator mit vertikalen Feldlinien. Die Kondensatorspannung beträgt 7400V , der Plattenabstand 12mm . Wie viele Elementarladungen sind auf dem Tröpfchen?

5. Finde im WWW fünf Seiten über Elmsfeuer. Davon sollten drei möglichst gut und zwei möglichst schlecht sein. Nenne die Gründe für deine Bewertung.

6. Zeichne die Feldlinienbilder folgender Ladungsverteilungen (Leiter sind grau). Achte auf Symmetrien.



7. $\vec{E}_1(\vec{r}), \dots, \vec{E}_n(\vec{r})$ seien die Feldstärken der Punktladungen Q_1, \dots, Q_n am Ort \vec{r} . Beweise das Superpositionsprinzip für Feldstärken:

$$\boxed{\vec{E}(\vec{r}) = \sum_{\nu=1}^n \vec{E}_{\nu}(\vec{r})}$$

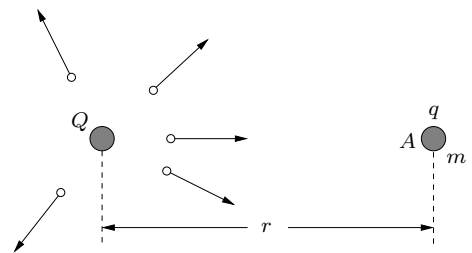
8. Welche Beschleunigung erhält eine kleine Alukugel der Masse $m = 0,50 \text{g}$ mit der Ladung $Q = 2,0 \cdot 10^{-9} \text{C}$ in einem elektrischen Feld der Feldstärke $E = 4,0 \cdot 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$?

8. Das elektrische Feld

9. Eine Kugel der Masse $m = 0,100 \text{ g}$ trägt die Ladung $Q = 5,00 \cdot 10^{-8} \text{ C}$ und hängt an einem $l = 2,00 \text{ m}$ langen Faden. Die horizontale Auslenkung der Kugel in einem waagrecht und homogenen elektrischen Feld der Stärke E beträgt $x = 2,50 \text{ cm}$. Berechne E !
10. (a) Ein elektrisches Feld mit dem Betrag $E = 3,00 \cdot 10^4 \frac{\text{V}}{\text{m}}$ zeigt in die Richtung von $P(-2,00 \text{ m} | 3,00 \text{ m} | 1,00 \text{ m})$ nach $Q(-5,00 \text{ m} | -3,00 \text{ m} | 4,00 \text{ m})$. Berechne \vec{E} .
- (b) Ein Flugzeug startet mit $v = 2,30 \cdot 10^2 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ genau nach NNO mit einem Steigungswinkel von $\varphi = 22,5^\circ$ gegen den Boden. Berechne \vec{v} .

11. Informationstheoretisches Modell der elektrischen Wechselwirkung

In der Zeit Δt sendet jede Elementarladung $\Delta n = \alpha \Delta t$ Informationspakete (IPAs) gleichmäßig in alle Richtungen verteilt aus. Jedes Teilchen der Ladung q und der Masse m hat pro Elementarladung die „Antennenfläche“ A_0 . Jedes IPA, das von einer Ladung Q ausgesandt wurde und auf die gesamte Antennenfläche A des Teilchens trifft, übermittelt die Information (m_e ist die Elektronenmasse):



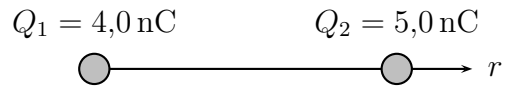
„Erhöhe deine Geschwindigkeit in meine Bewegungsrichtung um $\frac{v_0 m_e}{m}$, wenn du gleichnamig geladen bist wie mein Absender, sonst in die Gegenrichtung.“

- (a) Beantworte zunächst folgende Fragen
- Wie viele IPAs Δn_Q sendet ein Teilchen A mit der Ladung Q in der Zeit Δt aus?
 - Welche Antennenfläche A hat ein Teilchen B der Ladung q ?
 - Wie viele IPAs Δn_q treffen auf Teilchen B, wenn $\overline{AB} = r$ ist?
 - Welche Geschwindigkeitsänderung Δv erfährt B in der Zeit Δt ?
- und zeige dann, dass unser Modell das Coulombgesetz erklärt. Beweise dabei den Zusammenhang $A_0 \alpha v_0 m_e \epsilon_0 = e^2$.
- (b) Wir nehmen an, dass eine Elementarladung pro Planckzeit $t_p = 1,35 \cdot 10^{-43} \text{ s}$ ein IPA aussendet. Wie groß ist dann α ? Für A_0 wählen wir die „klassische Elektronenfläche“ $A_0 = 2,5 \cdot 10^{-29} \text{ m}^2$. Berechne v_0 .
- (c) Welche Abweichungen vom Coulombgesetz ergeben sich mit unserem Modell für große Entfernungen? Berechne dazu die Zahl der IPAs, die pro Sekunde an der Wechselwirkung zweier Elektronen in der Entfernung $r = 3,8 \cdot 10^6 \text{ m}$ beteiligt sind. Vergleiche auch die Beschleunigungen a_{Coulomb} und a_{IPA} eines der beiden Elektronen, die nach beiden Theorien zu erwarten sind.

8. *Das elektrische Feld*

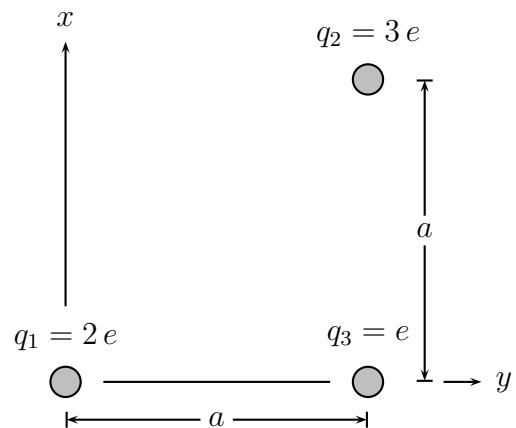
9. Das Coulombsche Gesetz

1. Bei $r = 0$ befindet sich eine Ladung $Q_1 = 4,0 \text{ nC}$ und bei $r = 40 \text{ cm}$ eine Ladung $Q_2 = 5,0 \text{ nC}$ ortsfest, so dass sie sich nicht bewegen können.



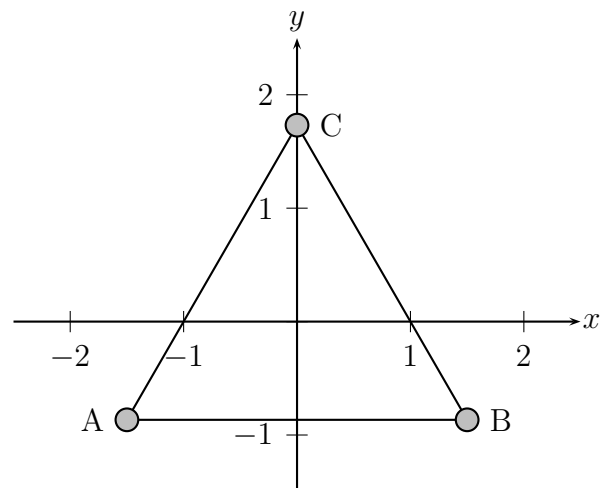
Wo muss eine Ladung Q platziert werden, damit sie sich nicht bewegt? Welchen Betrag und welches Vorzeichen muss Q haben?

2. In $(0|0)$ befindet sich die Ladung $q_1 = 2e$, in $(a|a)$ die Ladung $q_2 = 3e$. q_1 und q_2 sind ortsfest. Bestimme Richtung und Betrag der Kraft, die $q_3 = e$ in $(a|0)$ erfährt in Abhängigkeit von a . Welche Beschleunigung würde die Ladung in q_1 erfahren, wenn es sich dabei um ein Proton handelt und $a = 10 \text{ cm}$ ist?



3. In den Ecken eines gleichseitigen Dreiecks $\triangle ABC$ der Seitenlänge $a = 3,0 \text{ cm}$ befinden sich drei Elektronen.

- (a) Berechne den Betrag und die Richtung der Kraft auf das Elektron in B.
- (b) Welche Ladung müsste man in den Ursprung setzen, damit sich die Anordnung im Gleichgewicht befindet?



9. Das Coulombsche Gesetz

4. Coulombgesetz

- (a) Wie viel mal kleiner als die coulombsche Abstoßung ist die Gravitationskraft zwischen zwei Protonen?
- (b) Wie groß ist die Abstoßungskraft von zwei Ladungen von $1C$ im Abstand von $1m$? Finde einen anschaulichen Vergleich, der zeigt, ob das eine große oder eine kleine Kraft ist.
- (c) Welche Gemeinsamkeiten und Unterschiede bestehen zwischen Coulomb- und Gravitationsgesetz?

5. Mit welcher Kraft stoßen sich zwei Protonen in einem Heliumkern (Abstand $\approx 10^{-15}m$) ab? Ist das viel oder wenig?

6. Zwei Punktladungen $Q_1 = Q_2 = 10^{-9}C$ befinden sich auf der x-Achse bei $x_1 = -3cm$ und bei $x_2 = 3cm$.

- (a) Eine dritte Punktladung $Q_3 = 10^{-9}C$ hat von den Ladungen den gleichen Abstand und liegt nicht unbedingt auf der x-Achse. Wie groß ist die auf die Ladung wirkende Kraft?
- (b) Die Ladung Q_3 befinde sich nun auf der x-Achse bei x . Skizziere den Verlauf der Kraft $F(x)$ auf die Ladung Q_3 .

7. Wie groß müsste die Masse eines Elektrons sein, damit die Gravitationskraft zwischen zwei Elektronen ebenso groß ist wie die Coulombkraft?

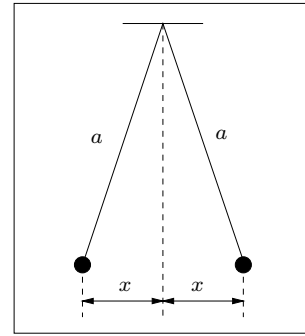
8. Zwei Protonen in einem Atomkern haben die gegenseitige Entfernung $r = 2,6 \cdot 10^{-15}m$. Mit welcher Kraft stoßen sich die beiden Protonen ab? Wie groß wäre die Beschleunigung der Protonen, wenn keine anziehenden Kernkräfte vorhanden wären?

9. (a) Welche Beschleunigung erfährt ein Elektron ($m = 9,1 \cdot 10^{-31}kg$) in der Entfernung $d = 0,30nm$ von einem He4-Kern (2 Protonen)?

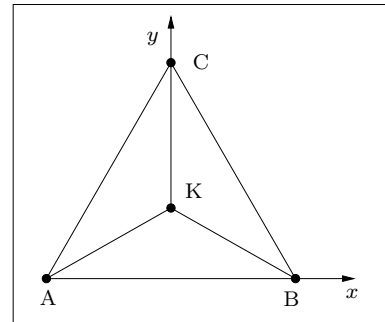
- (b) Einer Kupferkugel der Masse $m = 1,0kg$ werden alle Elektronen entzogen und auf eine gleichartige Kugel transportiert. Mit welcher Kraft ziehen sich die beiden Kugeln an, wenn die Entfernung ihrer Mittelpunkte dem dreifachen Radius einer Kugel entspricht?

9. Das Coulombsche Gesetz

10. Zwei gleiche Alukugeln (jede hat die Masse $m = 2,0 \text{ g}$) hängen an Fäden der Länge $a = 2,0 \text{ m}$. Die sich berührenden Kugeln werden geladen (wie stellt man das an?) und stoßen sich dann ab. Berechne die Ladung Q einer Kugel aus $x = 2,6 \text{ cm}$!



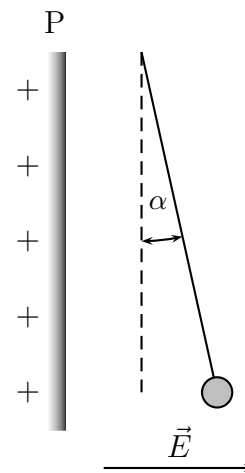
11. An den Ecken eines gleichseitigen Dreiecks mit der Seitenlänge a sitzt je ein Elektron, im Schwerpunkt K des Dreiecks ruhen drei Protonen („Atomkern“). Berechne die Kräfte (Betrag und vektoriell) auf die Elektronen und auf den Kern! Für welche Kernladung wäre das System im Gleichgewicht?



12. Zwei Schaumstoffkügelchen der jeweiligen Masse $m = 0,20 \text{ g}$ hängen an Fäden der Länge $a = 1,0 \text{ m}$, die Aufhängepunkte der Fäden sind $b = 15 \text{ cm}$ voneinander entfernt. Berechne die Entfernung der Kugelmittelpunkte, wenn jede Kugel die Ladung $Q = 8,9 \cdot 10^{-9} \text{ C}$ trägt.
13. Welche Kraft (Betrag und Vektor) übt die Ladung Q_1 am Ort R auf die Ladung Q_2 am Ort S aus?
- (a) $Q_1 = 1,69 \cdot 10^{-9} \text{ C}$, R (2,00 cm | 1,00 cm | 3,00 cm)
 $Q_2 = 2,60 \cdot 10^{-9} \text{ C}$, S (5,00 cm | 5,00 cm | 15,00 cm)
- (b) $Q_1 = 5,07 \cdot 10^{-9} \text{ C}$, R (2,00 cm | 1,00 cm | 3,00 cm)
 $Q_2 = -5,20 \cdot 10^{-9} \text{ C}$, S (-10,00 cm | 4,00 cm | -1,00 cm)
14. Auf der x -Achse eines Koordinatensystems sitzen die Ladungen Q_1 und Q_2 , Q_1 bei $x_1 = 0$ und Q_2 bei $x_2 = a$. $F(x)$ ist die Kraft auf eine positive Probeladung q , die sich auf der x -Achse am Ort x befindet. Schreibe $F(x)$ hin, zeichne ein qualitatives xF -Diagramm ($F < 0$, wenn F nach links zeigt) und suche den Ort x_0 , an dem $F(x)$ Null ist:
- (a) $Q_2 = 4Q_1$, $Q_1 > 0$ (b) $Q_2 = -4Q_1$, $Q_1 > 0$

10. Das Feld von Punktladungen

1. Eine sehr große positiv geladene Platte P erzeugt ein (nahezu) konstantes elektrisches Feld der Stärke $E = 5,0 \cdot 10^4 \frac{\text{V}}{\text{m}}$. In diesem Feld befindet sich ein geladenes Kügelchen der Masse $m = 2,0 \text{ mg}$, das aus der Ruhelage um den Winkel $\alpha = 1,2^\circ$ ausgelenkt ist. Berechne die Ladung q des Kügelchens.



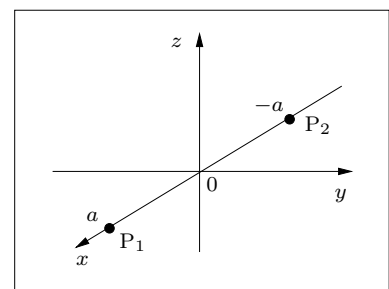
2. Coulombgesetz
 - (a) Wie viel mal kleiner als die coulombsche Abstoßung ist die Gravitationskraft zwischen zwei Protonen?
 - (b) Wie groß ist die Abstoßungskraft von zwei Ladungen von 1C im Abstand von 1m ? Finde einen anschaulichen Vergleich, der zeigt, ob das eine große oder eine kleine Kraft ist.
 - (c) Welche Gemeinsamkeiten und Unterschiede bestehen zwischen Coulomb- und Gravitationsgesetz?

3. Die Punktladungen $Q_1 = Q$ und $Q_2 = -Q$ sitzen an den Orten $P_1(a|0|0)$ und $P_2(-a|0|0)$. Das von Q_1 und Q_2 erzeugte Feld heißt **Dipolfeld**.

- (a) Drücke $\vec{E}(\vec{r})$ durch Q , x , y , z und a aus.

- (b) Berechne $\vec{E}(\vec{r}_1)$ für $\vec{r}_1 = \begin{pmatrix} 18 \\ 16 \\ 16 \end{pmatrix} \text{ cm}$,

$$a = 10 \text{ cm und } \frac{Q}{4 \pi \epsilon_0} = 0,27 \text{ Vm.}$$



10. Das Feld von Punktladungen

- (c) Berechne $\vec{E}(\vec{r})$ und $E(\vec{r}) = |\vec{E}(\vec{r})|$ auf der x -Achse, d.h. für $y = z = 0$. Unterscheide die Fälle $x < -a$, $-a < x < a$ und $x > a$. Skizziere die x -Koordinate $E_x(x)$ qualitativ für $Q > 0$. Mit welcher Potenz fällt $E(x)$ für $x \gg a$ ab?
- (d) Berechne $\vec{E}(\vec{r})$ und $E = |\vec{E}(\vec{r})|$ in der yz -Ebene, d.h. für $x = 0$. Mit welcher Potenz fällt $E(r)$ ($r = \sqrt{y^2 + z^2}$) für $r \gg a$ ab?
- (e) Berechne $\vec{E}(\vec{r})$ in der yz -Ebene, wenn $Q_1 = Q_2 = Q$ gilt. Mit welcher Potenz fällt $E(r)$ ($r = \sqrt{y^2 + z^2}$) für $r \gg a$ ab?

11. Feld ausgedehnter Ladungen, Satz von Gauß

1. Homogen geladene Kugelfläche

Berechne den Betrag $E(r)$ der Feldstärke im Innen- und Außenraum einer Kugel mit Radius R , deren Oberfläche gleichmäßig verteilt die Ladung Q trägt. Zeichne ein qualitatives rE -Diagramm.

2. Homogen geladene Kugel

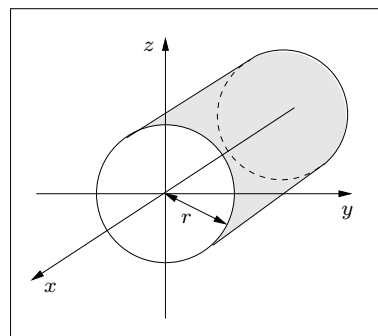
Berechne den Betrag $E(r)$ der Feldstärke im Innen- und Außenraum einer Kugel mit Radius R , die gleichmäßig über das ganze Volumen verteilt die Ladung Q trägt. Zeichne ein qualitatives rE -Diagramm.

3. Für welche radialsymmetrische Ladungsverteilung $\rho(r)$ ist das elektrische Feld im ganzen Raum **betragsmäßig** konstant? Warum ist dieses Feld trotzdem nicht homogen?

4. Eine Zylinderfläche mit Radius r um die x -Achse ist die Punktmenge

$$Z = \{P(x|y|z) \mid y^2 + z^2 = r^2\}$$

Eine Ladungsverteilung heißt **zylindersymmetrisch**, wenn die Ladungsdichte $\rho(r)$ auf jeder Zylinderfläche um die x -Achse konstant ist. Für welche zylindersymmetrische Ladungsverteilung $\rho(r)$ ist das elektrische Feld im ganzen Raum **betragsmäßig**



konstant? Verwende als Gauß'sche Fläche die Oberfläche eines Zylinders der Höhe h !

5. Modell des Wasserstoffatoms

Ein einfaches Modell des H-Atoms sieht folgendermaßen aus: Das Elektron ist eine homogen geladene Kugel ($R \approx 10^{-10}$ m), in deren Mittelpunkt das Proton (Punktladung) sitzt.

(a) Warum führt das Elektron eine harmonische Schwingung aus, wenn es etwas aus seiner Ruhelage ausgelenkt wird? Das Proton bleibt dabei wegen seiner sehr

11. Feld ausgedehnter Ladungen, Satz von Gauß

viel größeren Masse praktisch in Ruhe! Berechne die Frequenz f , mit der das Elektron schwingt.

- (b) Welches äußere Feld muss am Ort des H-Atoms mindestens wirken, damit es ionisiert werden kann? Um welchen Bruchteil des Atomradius R verschiebt sich der Kern bei dem äußeren Feld $E^* = 10^5 \frac{\text{V}}{\text{m}}$ aus seiner Ruhelage (**Polarisation**)?

6. Geladene Ebenen

- (a) Die xy -Ebene trägt eine Ladung mit der konstanten Flächenladungsdichte σ . Welches Feld \vec{E} wird von dieser Ladungsverteilung erzeugt?
- (b) Die xy -Ebene trägt eine Ladung mit der konstanten Flächenladungsdichte $\sigma_1 > 0$, die zur xy -Ebene parallele Ebene durch den Punkt P $(0|0|a)$ trägt eine Ladung mit $\sigma_2 = -\sigma_1$. Welches Feld \vec{E} wird von dieser Ladungsverteilung erzeugt?
- (c) Ein Kondensator besteht aus zwei kreisförmigen Platten (Radius r) im Abstand $d \ll r$; die Platten tragen gleichmäßig verteilt die Ladung Q bzw. $-Q$. Welches Feld herrscht zwischen den Platten?

7. Berechne die Feldstärke $E(r)$ der radialsymmetrischen Ladungsverteilung mit der Ladungsdichte

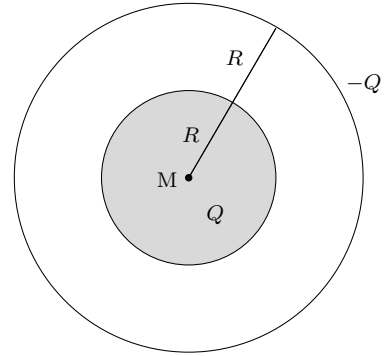
$$\varrho(r) = \frac{\alpha}{\sqrt{r}}.$$

Zeichne den qualitativen Verlauf von $\varrho(r)$ und $E(r)$! Welche Benennung hat α ?

8. Im Unterricht haben wir gezeigt, dass der Gauß'sche Satz aus dem Coulomb'schen Gesetz folgt. Beweise die Umkehrung! (Damit sind Gauß und Coulomb äquivalent!)
9. Auf die Punktladung q wirkt nur die Kraft der Punktladungen Q_1, Q_2, \dots, Q_n .
- (a) Beweise mit Hilfe des Gauß'schen Satzes, dass es keine Anordnung der Punktladungen gibt, für die q in einer **stabilen** Gleichgewichtslage wäre!
- (b) Trotz des Ergebnisses von Teilaufgabe (a) gibt es rein elektrostatische Gleichgewichtslagen für eine Punktladung q . Für welche Art von Ladungsverteilung ist das nur möglich? Durchforste die schon gerechneten Aufgaben nach einem Beispiel!

11. Feld ausgedehnter Ladungen, Satz von Gauß

10. Eine aus einem speziellem Nanomaterial gefertigte Kugel mit Mittelpunkt M und dem Radius $R = 3,00 \text{ cm}$ trägt kontinuierlich über das Volumen verteilt die positive Ladung $Q = 4,01 \cdot 10^{-10} \text{ C}$. Konzentrisch zur Kugel ist eine dünne, leitende Kugelschale mit Radius $2R$ angeordnet, die die Ladung $-Q$ trägt.



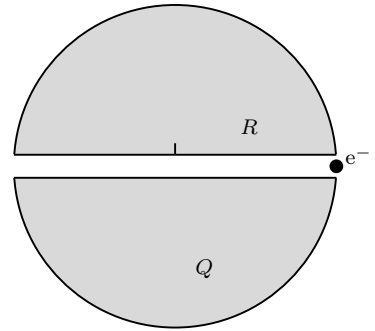
- (a) Mit $q(r)$ bezeichnen wir die Ladung innerhalb einer Kugel mit Mittelpunkt M und Radius r . Drücke $q(r)$ durch R , r und Q aus und unterscheide dabei drei Fälle.
- (b) Drücke den Betrag $E(r)$ der elektrischen Feldstärke in der Entfernung r von M durch

$$E_0 = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R^2},$$

R und r aus.

Zeichne den Grafen von $E(r)$ im Intervall $r \in [0; 8 \text{ cm}]$ ($E = E_0 \hat{=} 4 \text{ cm}$).

- (c) Durch den Mittelpunkt der Kugel ist ein dünner Kanal gebohrt. Zeige, dass ein in der nebenstehenden Abbildung zunächst ruhendes Elektron eine harmonische Schwingung ausführt und berechne deren Schwingungsdauer T .



12. Arbeit im elektrischen Feld

1. Berechne die Arbeit für die Überführung eines Elektrons (eines ${}^4\text{He}$ -Kerns) von $P_1 (-5,0 \text{ cm} | 2,0 \text{ cm})$ nach $P_2 (6,0 \text{ cm} | 4,0 \text{ cm})$ im Feld

$$(a) \quad \vec{E} = \begin{pmatrix} 0 \\ -200 \end{pmatrix} \frac{\text{V}}{\text{m}} \quad (b) \quad \vec{E} = \begin{pmatrix} 100 \\ 200 \end{pmatrix} \frac{\text{V}}{\text{m}}$$

2. Die Ladung $Q = 10^{-8} \text{ C}$ sitzt fest am Ort $P_0 (-2 \text{ cm} | -2 \text{ cm})$. Berechne die Arbeit für die Überführung der Ladung $q = 10^{-10} \text{ C}$ von $P_1 (-5,0 \text{ cm} | 2,0 \text{ cm})$ nach $P_2 (6,0 \text{ cm} | 4,0 \text{ cm})$!
3. Die drei Punktladungen Q_1, Q_2 und Q_3 sitzen fest an den Orten $P_1 (0|a)$, $P_2 (-a|0)$ und $P_3 (0| -a)$. Berechne die Arbeit für die Überführung der Ladung q von $P_4 (a|0)$ nach $P_5 (2a|0)$.

(a) $Q_1 = Q, Q_2 = -Q, Q_3 = Q$ und $q = -Q$ mit $Q = 10^{-4} \text{ C}$

(b) $Q_1 = Q, Q_2 = Q, Q_3 = -Q$ und $q = Q$ mit $Q = 10^{-4} \text{ C}$

4. Berechne die Überführungsarbeit W_{AB} im homogenen Feld \vec{E} für die Bewegung der Ladung $q = 3 \cdot 10^{-8} \text{ C}$ von A $(-1,0 \text{ cm} | 3,0 \text{ cm} | 3,0 \text{ cm})$ nach B $(2,0 \text{ cm} | -2,0 \text{ cm} | 5,0 \text{ cm})$.

(a) $\vec{E} = \begin{pmatrix} 0 \\ 800 \\ 0 \end{pmatrix} \frac{\text{V}}{\text{m}}$

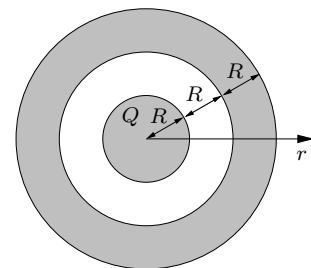
(b) \vec{E} zeigt in die Richtung von $\vec{r}_0 = \begin{pmatrix} 9 \\ 12 \\ 20 \end{pmatrix} \text{ m}$ und $|\vec{E}| = 800 \frac{\text{V}}{\text{m}}$

5. Eine homogen geladene Kugel (Mittelpunkt M) mit dem Radius $R = 5,00 \text{ m}$ trägt die Gesamtladung $2Q$ mit $Q = 5,564 \cdot 10^{-4} \text{ C}$. Auf einer zur Kugel konzentrischen Kugelschale mit dem Radius $3R$ befindet sich gleichmäßig verteilt die Ladung $-Q$. Eine kleine Styroporkugel der Masse $m = 2,50 \text{ g}$ trägt die Ladung $q = 3,00 \cdot 10^{-6} \text{ C}$. r sei die Entfernung von M , das Verhältnis von r zu R sei $x: x = \frac{r}{R}$.

- (a) Berechne den Betrag E der Feldstärke, ausgedrückt durch x und die Konstante $\alpha = \frac{Q}{2\pi\epsilon_0 R^2}$. Zeichne $E(x)$.

12. Arbeit im elektrischen Feld

- (b) W ist die potentielle Energie der Ladung q bezüglich $r = 0$. Berechne $W(x)$ unter Benützung der Abkürzung $\beta = q \alpha R$. Berechne speziell $W\left(\frac{R}{2}\right)$, $W(R)$, $W(2R)$, $W(3R)$, $W(6R)$ und $W(\infty)$. Zeichne $W(x)$.
- (c) Die Styroporkugel startet bei r_0 mit $v_0 = 0$ und erreicht r mit der Geschwindigkeit v . Berechne v für $r_0 = 0$ und $r = \infty$ bzw. $r_0 = 2R$ und $r = 6R$.
6. Wir betrachten noch einmal das einfache Modell des Wasserstoffatoms aus Aufgabe (5):
- Das Elektron ist eine homogen geladene Kugel mit Radius R
 - Das Proton sitzt als Punktladung im Zentrum des Elektrons
- (a) Die Ionisierungsenergie, d.h. die Arbeit zur vollständigen Trennung von Kern und Elektron, beträgt beim H-Atom $W_I = 13,6 \text{ eV} = 13,6 \cdot 1 e \cdot 1 \text{ V}$. Berechne aus diesem Wert den Radius R des H-Atoms.
- (b) Welche Geschwindigkeit v_0 muss das Proton im Zentrum des Elektrons mindestens besitzen, um das Elektron vollständig verlassen zu können, wenn das Elektron, wie auch immer das realisiert wird, an seinem Ort in Ruhe bleibt.
7. Durch ein Fernsehgerät, das im Stand-by-Betrieb mit einer Spannung von 230 V betrieben wird, fließen $0,10 \text{ A}$.
- (a) Wie viel elektrische Energie in der Einheit 1 J wird verbraucht, wenn das Fernsehgerät $20,0 \text{ h}$ lang im Stand-by-Betrieb läuft?
- (b) Der Preis für $1,00 \text{ kWh}$ beträgt $18,0 \text{ Cent}$. Wie viel kostet der Betrieb des Fernsehgeräts in $1,00 \text{ a}$, wenn es pro Tag $20,0 \text{ h}$ im Stand-by-Betrieb läuft?
- (c) Ein modernes Kernkraftwerk hat eine Leistung von etwa 1100 MW . In Deutschland gibt es etwa 55 Millionen Haushalte. Jeder Haushalt ist mit etwa $1,5$ Fernsehgeräten ausgestattet. Zur Vereinfachung nehmen wir an, dass in jedem Haushalt 1 Fernsehgerät rund um die Uhr im Stand-by-Betrieb läuft. Zeige durch Rechnung, dass man durch Abschalten aller Fernsehgeräte, die im Stand-by-Betrieb laufen, ein Kernkraftwerk einsparen könnte!
8. Eine leitende Vollkugel mit Radius R ist von einer ebenfalls leitenden Kugelschale mit Innenradius $r_1 = 2R$ und Außenradius $r_2 = 3R$ konzentrisch umgeben. Die Kugel trägt die positive Ladung Q , die Schale die Gesamtladung $Q_S = 0$.
- (a) Zitiere den Satz von Gauß in der allgemeinen Form und speziell für eine radialsymmetrische Ladungsverteilung.

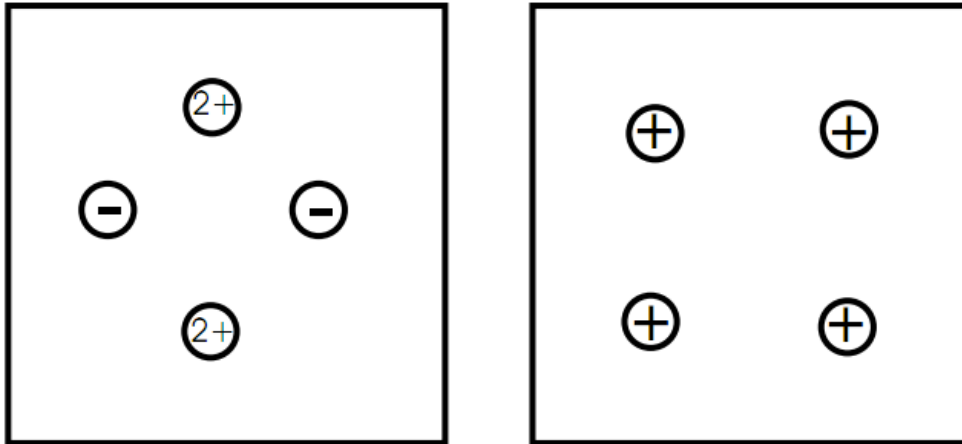


12. Arbeit im elektrischen Feld

- (b) Verwende einen Satz über die Feldstärke im Inneren von Leitern und den Satz von Gauß und bestimme unter genauer Protokollierung deiner Gedankengänge die Ladungsverteilung auf den Leitern. Skizziere dazu auch den Grafen von $Q(r)$ (Ladung innerhalb einer Kugel mit Radius r .)
- (c) Schreibe einen Ausdruck für die elektrische Feldstärke $E(r)$ hin (Fallunterscheidung). Drücke E durch $E_0 = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R^2}$ und $x = \frac{r}{R}$ aus. Zeichne ohne großen Rechenaufwand den Grafen von $E(r)$ im Intervall $0 \leq r \leq 4R$ mit $R \hat{=} 2$ cm und $E(R) \hat{=} 9$ cm.
- (d) Berechne die potentielle Energie $W(r)$ einer Ladung q mit dem Kugelmittelpunkt als Nullpunkt. Drücke W durch $W_0 = -\frac{Qq}{24\pi\epsilon_0 R}$ und $x = \frac{r}{R}$ aus. Zeichne den Grafen von $W(r)$ im Intervall $0 \leq r \leq 4R$ mit $R \hat{=} 2$ cm und $W_0 \hat{=} 1$ cm.
- (e) Welche Geschwindigkeit hat ein Proton, das sich von der Oberfläche der inneren Kugel löst und durch ein feines Loch die Schale durchdringt, an einem Ort mit $r = 4R$ für $R = 10$ cm und $Q = 1,0 \cdot 10^{-10}$ C?

13. Das Potential des elektrischen Feldes

1. Zeichne für folgende Ladungsverteilungen die Äquipotentiallinien ein.



Quelle: Elektrodynamik Sommer 2003, Prof. Thomas Müller, Universität Karlsruhe, Blatt 1

2. \vec{E} ist ein homogenes Feld parallel zur z -Achse mit $E_z = E$.
- Berechne das Potential φ_A bzw. φ_B in A ($a_x|a_y|a_z$) bzw. B ($b_x|b_y|b_z$) bezüglich des Punktes $P_0(x_0|y_0|z_0)$ sowie φ'_A bzw. φ'_B bezüglich $P'_0(x'_0|y'_0|z'_0)$. Berechne die Spannung U_{AB} in B bezüglich A einmal mit φ und einmal mit φ' .
 - Berechne die Größen aus Teilaufgabe (a) speziell für $E = E_z = 300 \frac{\text{V}}{\text{m}}$, $P_0(0|0|0)$, $P'_0(1 \text{ cm}|3 \text{ cm}| - 2 \text{ cm})$, A ($1 \text{ cm}| - 2 \text{ cm}|2 \text{ cm}$) und B ($-3 \text{ cm}|4 \text{ cm}|5 \text{ cm}$).
3. Berechne im homogenen Feld $\vec{E} = \begin{pmatrix} -2 \\ 3 \end{pmatrix} \frac{\text{V}}{\text{m}}$ das Potential bezüglich des Ursprungs in den Punkten A ($-3 \text{ cm}|1 \text{ cm}$) und B ($4 \text{ cm}|1 \text{ cm}$). Berechne die Spannung U_{AB} in B bezüglich A.
4. Am Ort A ($0|a$) befindet sich die Punktladung Q . Berechne das Potential $\varphi(x)$ auf der x -Achse, wenn einmal ein unendlich ferner Punkt und ein anderes Mal der Ursprung

13. Das Potential des elektrischen Feldes

als Bezugspunkt gewählt wird. Skizziere die Grafen der beiden Potentialfunktionen für $Q > 0$. Berechne U_{RS} für R (5 cm|0), S (9 cm|0), $Q = -10^{-8}$ C und $a = 12$ cm.

5. An den Orten A (0|0| a) und B (0|0| $-a$) befindet sich jeweils die Punktladung Q .
- Berechne das Potential $\varphi(x, y)$ in der xy -Ebene, wenn ein unendlich ferner Punkt als Bezugspunkt gewählt wird.
 - Berechne U_{RS} für R (33 cm|56 cm|0) und S (16 cm|63 cm|0).
 - r sei die Entfernung des Punktes P ($x|y|0$) vom Ursprung O. Berechne die Spannung $U(r) = U_{OP}$ in P bezüglich O. Wie groß ist $U(\infty)$ für $Q = e$ und $a = 10^{-15}$ m?
6. Berechne das Feld $\vec{E}(\vec{r})$ und das Potential $\varphi(\vec{r})$ der geladenen z -Achse mit der konstanten Längensladungsdichte $\varrho = \frac{dQ}{dz}$.

7. Das Be^+ -Ion

Ein einfaches Modell des Be^+ -Ions:

$Q_1 = 4e$ als Punktladung im Zentrum

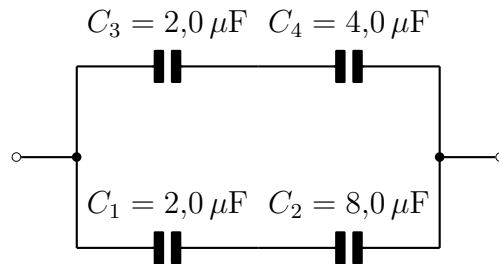
$Q_2 = -2e$ auf einer Kugelfläche um das Zentrum mit dem Radius r_1

$Q_3 = -e$ auf einer Kugelfläche um das Zentrum mit dem Radius $r_2 = 2r_1$

- Berechne die Feldstärke $E(r)$, ausgedrückt durch e , r_1 und Naturkonstanten. Zeichne den Verlauf von $E(r)$ mit $r_1 \hat{=} 2$ cm und $E_1 = \lim_{r \rightarrow r_1^+} E(r) \hat{=} 2$ cm.
 - Berechne die Spannung $U_{\infty 1}$ am Ort der inneren Elektronenschale bezüglich eines unendlich weit entfernten Punktes zunächst allgemein und dann für $r_1 = 2,0 \cdot 10^{-11}$ m.
 - Bei dieser Teilaufgabe darf vereinfachend angenommen werden, dass das Ion in Ruhe bleibt: Mit welcher Geschwindigkeit muss ein Proton zentral auf ein Be^+ -Ion geschossen werden, damit es die innere Elektronenschale gerade noch erreicht? Welche Beschleunigung erfährt das Proton ganz knapp vor dem Erreichen der inneren Schale?
8. Berechne das Verhältnis aus elektrischer Kraft und Gravitationskraft auf das Elektron im Wasserstoffatom. Der Radius des H-Atoms ist $r = 5,29 \cdot 10^{-11}$ m.

14. Kondensatoren

1. Berechne die Gesamtkapazität der nebenstehenden Anordnung von Kondensatoren.



2. Ein Kondensator besteht aus zwei quadratischen Platten der Kantenlänge $a = 18 \text{ cm}$, die einen Abstand von $d = 4,0 \text{ mm}$ haben und zwischen denen sich Luft befindet. Der Kondensator wird mit einem Netzgerät, das auf die Spannung $U = 15 \text{ kV}$ eingestellt wird, geladen. Anschließend wird der Kondensator vom Netzgerät getrennt.

- (a) Berechne die Kapazität C des Kondensators, die elektrische Energie die in ihm gespeichert ist und die Ladung, die sich auf einer seiner Platten befindet.

Nun wird der Plattenabstand verdoppelt.

- (b) Wie groß ist jetzt die Spannung zwischen den Platten des Kondensators?
(c) Berechne die mechanische Arbeit, die nötig ist um den Plattenabstand zu verdoppeln.

3. Ein Gold Cap ist ein Kondensator sehr großer Kapazität. Für einen speziellen Gold Cap ist die die Spannung $6,0 \text{ V}$ und die Kapazität 22 F .

- (a) Berechne die Ladung und die Energie, die im Kondensator gespeichert sind.
(b) Wie groß müsste der Flächeninhalt eines Plattenkondensators mit Plattenabstand $1,0 \text{ mm}$ sein, damit er die gleiche Kapazität wie der gegebene Gold Cap hat. Gib dein Ergebnis in der Einheit 1 km^2 an.

Gold Caps werden unter anderem dazu genutzt um den Betrieb von elektrischen Geräten sicherzustellen, wenn das elektrische Netz ausfällt oder nicht zur Verfügung steht. Sie übernehmen also die Aufgabe von Akkus, haben gegenüber diesen aber den Vorteil, dass man sie praktisch unendlich oft laden und entladen kann.

- (c) Es soll eine elektrische Zahnbürste, die mit einer Spannung von 12 V betrieben werden muss, durch eine geeignete Kombination von zwei Gold Caps, betrieben

14. Kondensatoren

werden. Wie sind die beiden Kondensatoren dazu zu schalten und wie groß ist Kapazität dieser Kombination?

- (d) Die elektrische Zahnbürste hat eine Leistung von 5,0 W. Wie groß ist der Widerstand der Zahnbürste und nach welcher Zeit ist die Spannung an den Gold Caps um 10% abgefallen? Der Innenwiderstand der Gold Caps darf dabei vernachlässigt werden.

15. Energie des elektrischen Feldes

1. Ein (verrückter?) Wissenschaftler will den Mond (Radius: $R_M = 1738$ km, Masse: $M = 7,35 \cdot 10^{22}$ kg) aufladen, bis er eine negative Ladung mit dem Betrag Q_M trägt. Eine kugelförmige Raumkapsel mit dem Radius $R_K = 3,00$ m (Aluminiumhaut) und der Masse $m = 1,00 \cdot 10^4$ kg soll dann knapp über der Mondoberfläche negativ geladen und durch die elektrische Kraft ins All befördert werden.

(a) Die elektrische Feldstärke an der Oberfläche der Raumkapsel darf den Betrag $E_0 = 1,00 \cdot 10^7 \frac{\text{V}}{\text{m}}$ nicht überschreiten, da sonst Elektronen entweichen. Welchen Betrag Q_{max} darf die Ladung der Kapsel demnach nicht überschreiten?

Zur Kontrolle: $Q_{\text{max}} = 1,00 \cdot 10^{-2}$ C

(b) Die Kapsel trägt nun die maximal mögliche Ladung. Wie groß muss Q_M sein, damit die Kapsel an der Mondoberfläche mit der Beschleunigung $a_0 = 4,34 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ nach oben startet?

Zur Kontrolle: $Q_M = 2,00 \cdot 10^9$ C

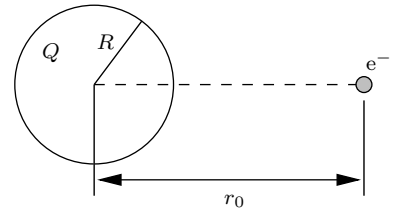
(c) Leite die Formel $C = 4\pi\epsilon_0 R$ für die Kapazität einer freistehenden Kugel mit Radius R her.

Welche Energie W_M muss zum Aufladen des Mondes, welche (W_K) zum Laden der Kapsel aufgebracht werden?

(d) Welche Geschwindigkeit v hat die Kapsel weit weg vom Mond ($r \rightarrow \infty$)?

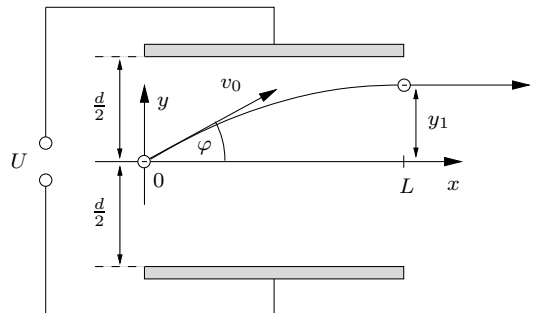
16. Bewegung geladener Teilchen im elektrischen Feld

1. Eine Metallkugel mit dem Radius $R = 5,0 \text{ cm}$ trägt gleichmäßig über die Oberfläche verteilt die positive Ladung $Q = 2,0 \cdot 10^{-10} \text{ C}$. In der horizontalen Entfernung $r_0 = 20 \text{ cm}$ vom Kugelmittelpunkt befindet sich ein momentan noch ruhendes Elektron. Die ganze Anordnung befindet sich im Vakuum.



- Beweise in nachvollziehbarer Weise, dass das Feld außerhalb der Kugel gleich dem Feld einer Punktladung Q im Mittelpunkt der Kugel ist.
- Berechne die Geschwindigkeit v , mit der das Elektron auf die Kugel prallt.
- Berechne die Beschleunigungen des Elektrons beim Start ($r = r_0$) und kurz vor dem Aufprall auf die Kugel ($r = R$). Schätze dann ab, um welche vertikale Strecke Δy das Elektron bei seinem Flug zur Kugel abgelenkt wird.

2. Ein zunächst ruhendes Elektron wird von der Spannung U_0 auf v_0 beschleunigt. Dann wird das Elektron unter dem Winkel $\varphi > 0$ gegen die x -Achse in das homogene Feld E eines Plattenkondensators der Länge L eingeschossen (siehe Abb.). Die Spannung U an den Platten des Kondensators wird so gewählt, dass das Elektron den Kondensator parallel zur x -Achse verlässt.



- Wie muss U gepolt sein?
- Berechne U in Abhängigkeit von U_0 , d , φ und L .

Zur Kontrolle:
$$U(\varphi) = \frac{2U_0 d \sin \varphi \cos \varphi}{L} = \frac{U_0 d \sin 2\varphi}{L}$$

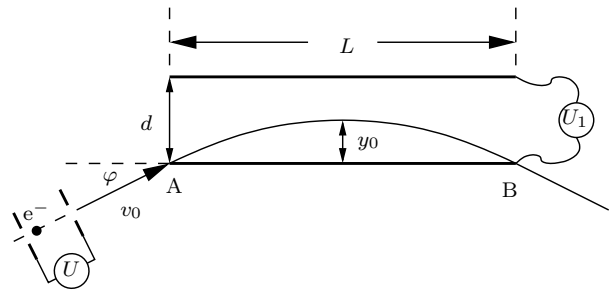
- Leite eine Formel für den Abstand y_1 zur x -Achse her, unter dem das Elektron den Kondensator parallel zur x -Achse verlässt.

Zur Kontrolle:
$$y_1 = \frac{L}{2} \tan \varphi$$

16. Bewegung geladener Teilchen im elektrischen Feld

- (d) Für welchen maximalen Eintrittswinkel φ_{\max} kann das Elektron den Kondensator gerade noch parallel zur x -Achse verlassen?
- (e) Liegt die Spannung $U(\varphi)$ am Kondensator, dann gibt es, bei genügend großem d , neben φ noch einen weiteren möglichen Eintrittswinkel $\varphi' > 0$, bei dem das Elektron ebenfalls parallel zur x -Achse aus dem Kondensator fliegt. Wie hängen φ' und φ zusammen?
- (f) U ist jetzt so eingestellt, dass ein durch $U_0 = 200 \text{ V}$ beschleunigtes und unter $\varphi = 15^\circ$ eintretendes Elektron ($L = 20 \text{ cm}$, $d = 6 \text{ cm}$) den Kondensator parallel zur x -Achse verlässt. Berechne U , y_1 und φ' . Kann das Elektron unter beiden Eintrittswinkeln φ und φ' den Kondensator verlassen?

3. Ein Elektron wird von der Spannung $U = 100 \text{ V}$ beschleunigt und tritt dann zur Zeit $t_0 = 0$ mit der Geschwindigkeit v_0 unter dem Winkel φ (siehe Abbildung) direkt an der Kante A in das homogene Feld E eines Plattenkondensators ein ($L = 10,0 \text{ cm}$, $d = 2,50 \text{ cm}$). Der Winkel φ ist so gewählt, dass das Elektron den Kondensator zur Zeit



t_1 direkt an der Kante B wieder verlässt. Die Spannung zwischen den *quadratischen* Kondensatorplatten ist $U_1 = \beta U$ mit $\beta = \frac{2}{5}$.

Hilfen aus der Mathematik:

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha, \quad \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1, \quad \sin^2 \alpha = \frac{1}{2} \left(1 - \sqrt{1 - \sin^2 2\alpha} \right)$$

- (a) Berechne v_0 und die Ladung Q auf der oberen Platte.
- (b) Berechne t_1 in allgemeinen Größen (keine Zahlenwerte) auf zwei Arten und leite damit die Beziehung $\sin 2\varphi = \frac{\beta L}{2d}$ her.
- (c) Leite für die maximale Höhe y_0 des Elektrons (siehe Abbildung) aus dem Energiesatz die Beziehung

$$y_0 = \frac{d}{2\beta} \left(1 - \sqrt{1 - \sin^2 2\varphi} \right)$$

her und berechne dann die numerischen Werte von t_1 , φ und y_0 .

17. Die Elementarladung – Millikan

1. -

18. Laden und Entladen von Kondensatoren

Teil III.
Elektrodynamik S2

19. Ladung und Stromstärke

1. Ist ΔQ die frei bewegliche Ladung eines Leiters im Volumen ΔV , dann nennt man

$$\varrho = \frac{\Delta Q}{\Delta V}$$

die **Dichte** der frei beweglichen Ladung. Fließt senkrecht durch die Fläche ΔA der Strom ΔI , dann heißt

$$j = \frac{\Delta I}{\Delta A}$$

die **Stromdichte**.

In einem Draht mit dem Querschnitt A fließt ein räumlich und zeitlich konstanter Strom I . Welcher Zusammenhang besteht zwischen der Dichte ϱ der frei beweglichen Ladung, der Stromdichte j und der Elektronengeschwindigkeit v ?

2. Durch einen Kupferdraht mit dem Querschnitt $A = 5,00 \text{ mm}^2$ fließt der Strom $I = 4,00 \text{ A}$. Von jedem Cu-Atom der Masse $m = 1,06 \cdot 10^{-25} \text{ kg}$ stammen im Mittel 1,27 Leitungselektronen. Berechne die Stromdichte j , die Dichte ϱ der frei beweglichen Ladung und die Driftgeschwindigkeit v der Elektronen! Die Dichte von Kupfer ist $\sigma = 8,93 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$.
3. Ein Strom genügt dem Zeitgesetz

$$I(t) = 5,00 \frac{\text{A}}{\text{s}^2} \cdot t^2$$

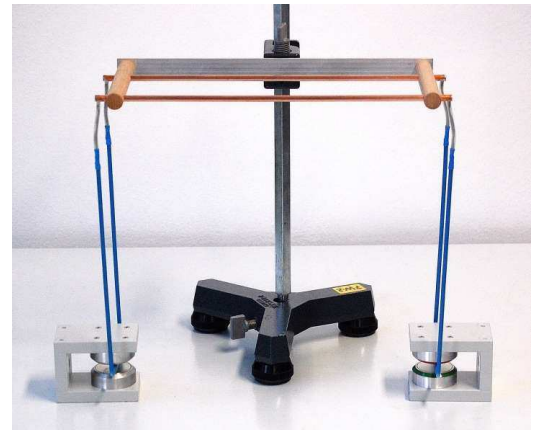
Welche Ladung fließt im Zeitintervall $[1 \text{ s}; 3 \text{ s}]$ durch den Leiterquerschnitt?

20. Kraft auf einen Leiter

21. Lorentzkraft

1. Die Doppelleiterschaukel 1

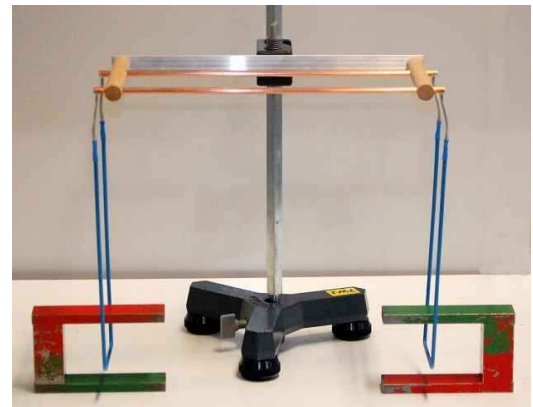
Das nebenstehende Bild zeigt eine doppelte Leiterschaukel. Das sind zwei Leiterschaukeln, die leitend durch zwei Kupferstangen miteinander verbunden sind. Das horizontale Stück jeder der beiden Leiterschaukeln befindet sich jeweils im Feld eines sehr starken Permanentmagneten. Wir betrachten nun die rechte Leiterschaukel. Der Hufeisenmagnet hat unten einen Süd- und oben einen Nordpol. Nun wird die Leiterschaukel nach links bewegt. Daraufhin bewegt sich die linke Leiterschaukel nach rechts. Wie muss demzufolge das Magnetfeld des linken Hufeisenmagneten orientiert sein?



Doppelleiterschaukel

2. Die Doppelleiterschaukel 2

Das nebenstehende Bild zeigt eine doppelte Leiterschaukel. Das sind zwei Leiterschaukeln, die leitend durch zwei Kupferstangen miteinander verbunden sind. Das horizontale Stück jeder der beiden Leiterschaukeln befindet sich jeweils im Feld eines Permanentmagneten. Nun wird die rechte Leiterschaukel nach links bewegt. Wieso und wohin bewegt sich der linke Teil der Doppelleiterschaukel, der sich im Magnetfeld befindet?



Doppelleiterschaukel

3. Ein kugelförmiges Staubkorn mit dem Radius $R = 1,0 \cdot 10^{-5} \text{ m}$ und der Dichte $\rho = 0,80 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$ trägt die Ladung $q = 1,0 \cdot 10^{-13} \text{ C}$.

- (a) Welche maximale Ladung q_{max} könnte das Staubkorn tragen, wenn die elektrische Feldstärke an seiner Oberfläche $E_0 = 1,0 \cdot 10^7 \frac{\text{V}}{\text{m}}$ nicht überschreiten darf?

21. Lorentzkraft

- (b) Das Staubkorn bewegt sich mit der Geschwindigkeit $v_1 = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ senkrecht zu den Feldlinien des Erdmagnetfeldes ($B_{\text{Erd}} = 4,8 \cdot 10^{-5} \text{ T}$). Welchen Betrag F_1 hat die Lorentzkraft auf das Teilchen? Vergleiche mit seiner Gewichtskraft!
- (c) Das Staubkorn bewegt sich jetzt mit der Geschwindigkeit \vec{v} im Feld \vec{B} :

$$\vec{v} = \begin{pmatrix} 0 \\ 3 \\ 4 \end{pmatrix} \frac{\text{m}}{\text{s}}, \quad \vec{B} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 4 \end{pmatrix} \text{ T}$$

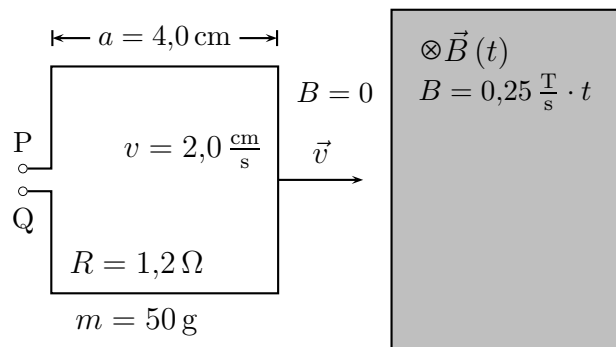
Berechne die Lorentzkraft \vec{F} auf das Teilchen. Wie groß ist $F = |\vec{F}|$? Welchen Betrag a hat die Beschleunigung, die \vec{F} dem Staubkorn verleiht?

Wäre \vec{F} die einzige Kraft auf das Teilchen, dann würde es eine Kreisbahn beschreiben. Welchen Radius r hätte diese Bahn?

22. Induktionsgesetz

1. Die nebenstehende Abbildung (Blick von vorn) zeigt eine Spule mit 50 Windungen von quadratischem Querschnitt mit Seitenlänge $a = 4,0 \text{ cm}$ zum Zeitpunkt 0.

Die Spule bewegt sich mit der Geschwindigkeit \vec{v} vom Betrag $v = 2,0 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$ nach rechts. Ihre rechte Begrenzung befindet sich zum Zeitpunkt 0 vom Rand eines scharf begrenzten Magnetfeldes $2,0 \text{ cm}$ entfernt.



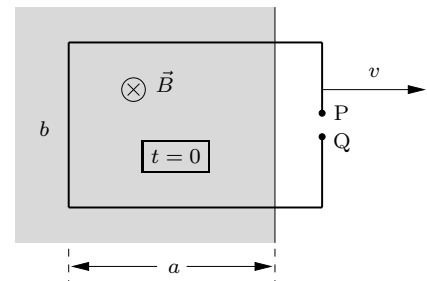
Die magnetische Flussdichte $\vec{B}(t)$ wächst linear mit der Zeit t und ist bei Eintritt der Spule gerade 0.

- Bestimme die Polarität der zwischen P und Q induzierten Spannung, während die Spule in das Magnetfeld eintritt (Begründung!).
- Berechne den Betrag der zwischen P und Q induzierten Spannung $|U_{\text{ind}}|$ und zeichne den Verlauf dieser Spannung in ein t - U_{ind} -Diagramm für $t \in [0; 4,0 \text{ s}]$ (2 cm entsprechen 1 s).
- Zum Zeitpunkt $t = 4,0 \text{ s}$ werden die Enden der Spule kurzgeschlossen. Berechne den Betrag der Beschleunigung, die die Spule zu diesem Zeitpunkt erfährt. In welche Richtung ist diese Beschleunigung gerichtet? Mit welcher physikalischen Regel kann man dies begründen?

2. Ein rechteckiger Leiterraum der Breite $b = 20,0 \text{ cm}$ wird mit der konstanten Geschwindigkeit $v = 2,00 \frac{\text{cm}}{\text{s}}$ aus einem scharf begrenzten Magnetfeld \vec{B} mit dem Betrag

$$B(t) = \alpha t^2 \quad \text{und} \quad \alpha = 5,00 \cdot 10^{-3} \frac{\text{T}}{\text{s}^2}$$

gezogen, die Eintauchtiefe zur Zeit $t = 0$ ist

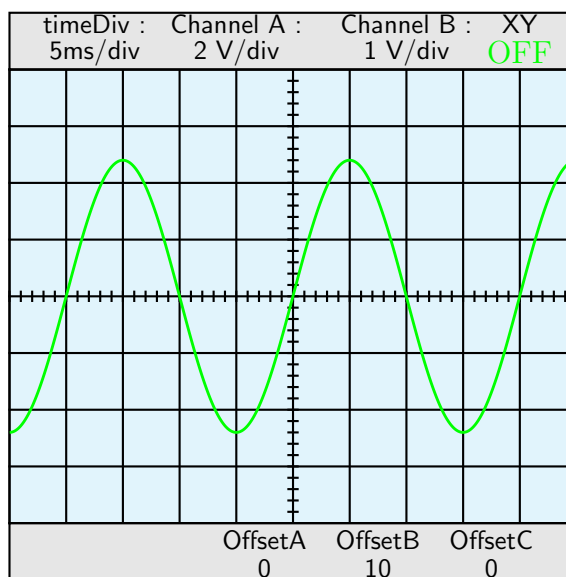


22. Induktionsgesetz

$a = 30,0$ cm. Das Vorzeichen des magnetischen Flusses $\Phi(t)$ durch den Leiterraum ist positiv, die Induktionsspannung $U(t) = U_{PQ}$ ist positiv, wenn P positiv ist.

- (a) Berechne $\Phi(t)$ im Zeitintervall $[0; 20$ s] und zeichne den Grafen dieser Funktion. Berechne dazu auch ihre Extremwerte (Maximum bei t_1).
- (b) Bestimme anhand des Grafen von Φ das Vorzeichen von $U(t)$ im Intervall $[0; t_1]$ und berechne dann $U(t)$. Zeichne den Grafen von $U(t)$ im Intervall $[0; 20$ s].

3. In einem Magnetfeld dreht sich eine Spule mit 50 Windungen und der Spulenfläche 30 cm². Dabei steht die Rotationsachse senkrecht zur Magnetfeldrichtung. Nebenstehend ist der zeitliche Verlauf der induzierten Spannung mit einem Oszilloskop sichtbar gemacht. Berechne den Betrag der Flussdichte des Magnetfeldes.



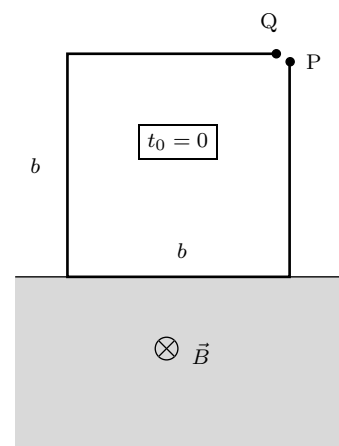
4. Eine quadratische Leiterschleife ($b = 50,0$ cm) befindet sich zur Zeit $t_0 = 0$ mit der unteren Seite direkt am Rand eines scharf begrenzten, homogenen Magnetfeldes mit der Kraftflussdichte \vec{B} und

$$B(t) = |\vec{B}| = \begin{cases} B_0 & \text{für } t \leq t_1 = 0,100 \text{ s} \\ \frac{B_0}{\alpha t} & \text{für } t > t_1 \end{cases}$$

mit

$$B_0 = 1,00 \text{ T} \quad \text{und} \quad \alpha = 10,0 \frac{1}{\text{s}}$$

\vec{B} steht senkrecht auf der Ebene, in der die Leiterschleife liegt und ist nach unten unbeschränkt. Die an den Enden P und Q der Leiterschleife induzierte Spannung U ist positiv, wenn P positiv ist. Zur Zeit $t = 0$ beginnt die Leiterschleife mit der Beschleunigung $g = 9,00 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ nach unten zu fallen.

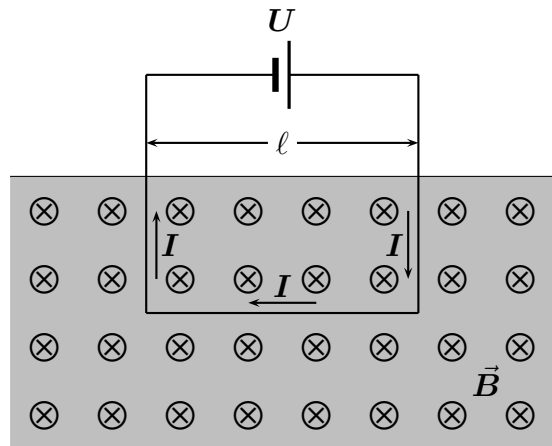


22. Induktionsgesetz

- (a) Zeige, dass die Leiterschleife zur Zeit $t_2 = 0,333 \text{ s}$ ganz in das Magnetfeld eintaucht.
- (b) Berechne den magnetischen Fluss $\Phi(t)$ durch die Leiterschleife und zeichne den Grafen von Φ im Intervall $t_0 \leq t \leq 1 \text{ s}$. Fallunterscheidung!
- (c) Berechne $U(t)$ und zeichne den Grafen von U im Intervall $t_0 \leq t \leq 1 \text{ s}$.
- (d) Bei einer Wiederholung des Versuchs wird P mit Q leitend verbunden. Die Leiterschleife taucht zur Zeit t'_2 ganz in das Magnetfeld ein. Untersuche, ob t'_2 kleiner, gleich oder größer als t_2 ist.

23. Magnetfeld von Strömen

1. Nebenstehend ist ein im Unterricht durchgeführter Versuch skizziert. Es befindet sich eine vom Strom I durchflossene Leiterschleife der horizontalen Ausdehnung ℓ in einem Magnetfeld der Flussdichte \vec{B} .



- (a) Bestimme die Richtung der Kräfte auf sämtliche sich im Magnetfeld befindlichen Leiterstücke.

- (b) Nun soll die Kraft F auf das horizontale Leiterstück in Abhängigkeit der Stromstärke I quantitativ untersucht werden. Dabei ergaben sich folgende Messwerte:

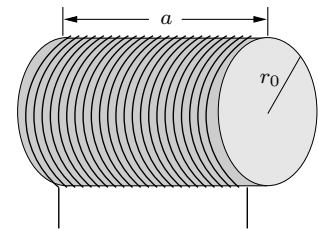
I in A	0	2,0	4,0	6,0	8,0
F in 10^{-2} N	0	2,9	6,0	9,1	12

Erstelle das zugehörige I - F -Diagramm. Welcher Zusammenhang zwischen der Stromstärke I und der Kraft F lässt sich damit belegen?

- (c) In einem weiteren Versuch wurde gefunden, dass die Kraft F und die Länge ℓ des Leiterstücks direkt proportional sind. Formuliere schließlich einen einzigen Zusammenhang zwischen den drei Größen I , ℓ und F .
- (d) Berechne den Betrag der magnetischen Flussdichte B , wenn bekannt ist, dass die Versuchsergebnisse aus der Teilaufgabe b) mit einer Leiterschleife der horizontalen Ausdehnung $\ell = 20$ cm erzielt wurden.

24. Induktivität und Energie des Magnetfeldes

1. Das CMS (Compact Muon Solenoid) am CERN ist ein riesiger Teilchendetektor für den LHC (Large Hadron Collider). Das Kernstück des CMS ist ein supraleitender Elektromagnet der Länge $a = 13 \text{ m}$ und mit der Induktivität $L = 14 \text{ H}$. Bei der Stromstärke $I_0 = 1,95 \cdot 10^4 \text{ A}$ durch die Wicklungen beträgt die Kraftflussdichte im Mittelpunkt der Spule $B_0 = 4,0 \text{ T}$.



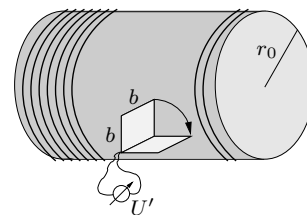
- (a) Berechne die Windungszahl n und den Radius r_0 der Spule.
- (b) Zu Testzwecken wird ein von der Spannung U_p beschleunigtes Proton senkrecht zu den Feldlinien in das Magnetfeld im Inneren der Spule geschossen. In einem geeigneten Koordinatensystem wird das Proton an folgenden Orten registriert: $P_1 (2,25 \text{ cm} | -4,00 \text{ cm})$, $P_2 (2,25 \text{ cm} | 4,00 \text{ cm})$ und $P_3 (10,50 \text{ cm} | 6,50 \text{ cm})$.
Zeichne die drei Punkte in ein Koordinatensystem (Maßstab 1:1), ermittle durch Konstruktion und durch Rechnung den Radius r der Protonenbahn und berechne dann U_p .
- (c) Welchen Energieinhalt W_0 hat das Magnetfeld der Spule? Wie lange kann man tausend 100-Watt-Lampen mit dieser Energie betreiben?
- (d) Durch einen Unfall wird zur Zeit $t = 0$ die Spannungsquelle der Spule kurzgeschlossen. Dadurch bricht die Spannung zusammen und zwischen den Enden der Spule liegt der Widerstand $R = 0,10 \text{ m}\Omega$ (hauptsächlich der Widerstand der Zuleitungen, die Wicklungen sind ja supraleitend). Stelle die Differentialgleichung für den Strom $I(t)$ auf (kurze Begründung!) und zeige, dass

$$I(t) = I_0 e^{-\frac{R}{L}t}$$

eine Lösung mit den passenden Anfangsbedingungen ist. Zu welcher Zeit t_1 ist der Energieinhalt des Spulenfeldes noch $W_1 = 1,0 \text{ MJ}$? Wie groß ist die Stromstärke zu dieser Zeit?

24. Induktivität und Energie des Magnetfeldes

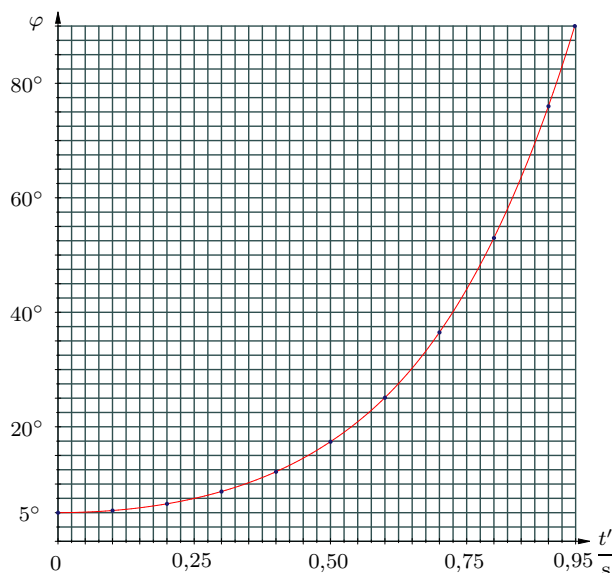
- (e) Zur Überwachung des Feldstärkeabfalls nach dem Unfall wird eine quadratische Spule mit der Kantenlänge $b = 1,0\text{ m}$ und $n' = 10^4$ Windungen senkrecht zu den magnetischen Feldlinien ins Innere der Spule gebracht. Berechne den Betrag $U'(t)$ der Induktionsspannung an den Enden der quadratischen Spule. Berechne auch $U_0 = U'(0)$.



- (f) Zur Zeit $t_2 = 10\text{ h}$ nach dem Unfall wird die quadratische Spule durch einen Stoß um $\varphi_0 = 5^\circ$ aus der vertikalen Position ausgelenkt und kippt dann um. Nebenstehendes Diagramm zeigt den Kippwinkel φ in Abhängigkeit von der Kippzeit $t' = t - t_2$. Zeige, dass während des Kippens die Induktionsspannung

$$U' = b^2 n' B \left(\frac{R}{L} \cos \varphi + \dot{\varphi} \sin \varphi \right)$$

ist und ermittle anhand des Diagramms und einer geeigneten Näherung ihren maximalen Wert.

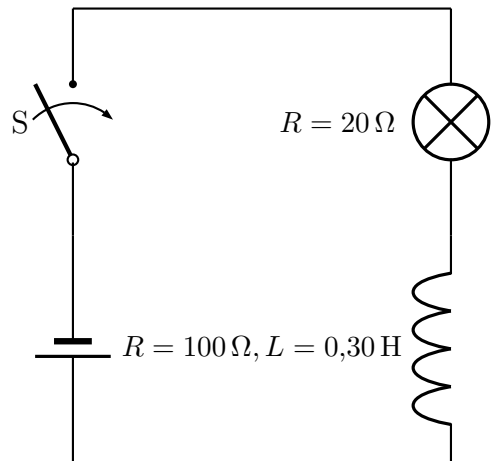


2. In der nebenstehenden Zeichnung sind zwei stromdurchflossene, geradlinige Leiter abgebildet (Blickrichtung in Richtung des Leiters; es ist die technische Stromrichtung eingezeichnet). Begründe, dass sich die beiden Leiter anziehen.
-
3. Ein zylinderförmige Spule, deren Querschnittsfläche einen Radius von $3,8\text{ cm}$ besitzt, hat eine Länge von 750 mm und eine Windungsdichte von $485\frac{1}{\text{m}}$. Welche Induktivität besitzt die Spule?
 4. Durch eine Spule der Induktivität 120 mH steigt die Stromstärke beginnend bei 0 linear mit der Zeit auf $6,0\text{ A}$ an. Berechne die Induktionsspannung, die zwischen den Enden der Spule auftritt.

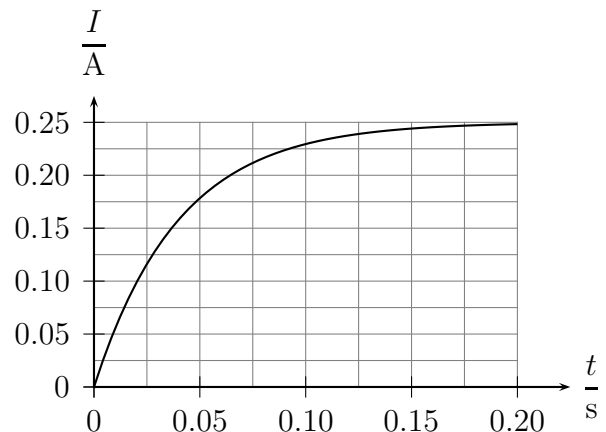
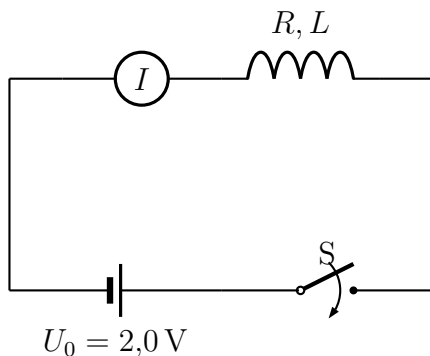
24. Induktivität und Energie des Magnetfeldes

5. In der nebenstehend abgebildeten Schaltskizze liefert die Batterie eine Spannung von 24 V. Zur Zeit 0 wird der Schalter S geschlossen.

- Berechne die maximale Stromstärke die sich (nach hinreichend langer Zeit) einstellt.
- Nach welcher Zeit beträgt die Stromstärke 90% (99%) der maximalen Stromstärke?



6. Um den Widerstand und die Induktivität einer Spule zu ermitteln wurde in dem Versuch, dessen zugehörige Schaltskizze unten links wiedergegeben ist, der Schalter S zum Zeitpunkt 0 geschlossen. Der zeitliche Verlauf der Stromstärke I wurde dabei mit einem Meßwerterfassungssystem aufgenommen und ist unten rechts wiedergegeben.



Berechne R und L . Dabei sind die Werte aller benötigten Größen der Schaltskizze und dem t - I -Diagramm zu entnehmen.

7. Eine Spule der Länge $a = 21$ cm mit kreisförmigem Querschnitt ($r = 2,0$ cm) und der Windungszahl $n = 2,00 \cdot 10^4$ wird vom Strom $I_0 = 8,0$ A durchflossen.

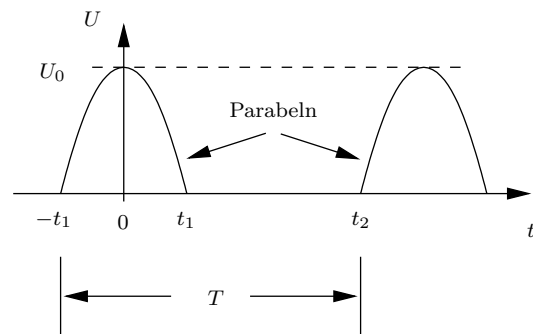
- Berechne die im Magnetfeld der Spule gespeicherte Energie W_0 .
- Zur Zeit $t_0 = 0$ wird die Spule von der Stromquelle getrennt und ihre Enden über den Widerstand $R = 0,301 \Omega$ kurzgeschlossen. Zu welcher Zeit t_1 fließt der Strom $I_1 = 0,1 I_0$ durch die Spule?

25. Wechselstrom und Effektivwerte

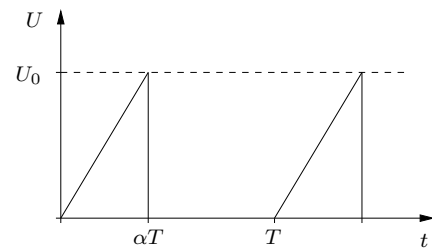
1. Nebenstehende Abbildung zeigt den zeitlichen Verlauf einer periodischen Spannung $U(t)$. Dabei gilt

$$t_2 = \alpha t_1 \quad \text{mit} \quad \alpha \geq 1$$

- (a) Berechne den Mittelwert $\langle U \rangle$ und den Effektivwert U_{eff} von U , ausgedrückt durch α und U_0 .
- (b) Für welches α ist $U_{\text{eff}} = 0,6 \cdot U_0$?
- (c) Untersuche, ob $\langle U \rangle = U_{\text{eff}}$ sein kann.



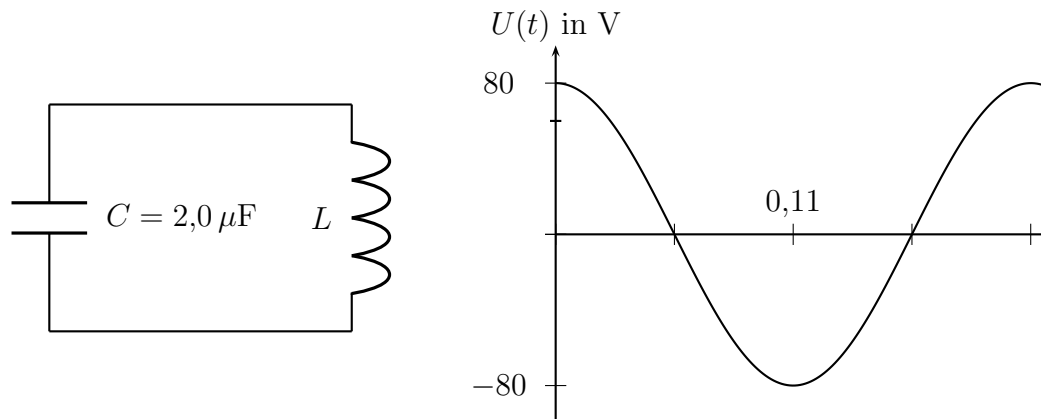
2. Ein Funktionsgenerator erzeugt eine periodische Dreiecksspannung $U(t)$ wie in nebenstehender Abbildung ersichtlich ($\alpha < 1$). Berechne den Mittelwert \bar{U} und den Effektivwert U_{eff} der Spannung. Für welches α ist $U_{\text{eff}} = \frac{U_0}{2}$?



26. Wechselstromwiderstände

27. Elektromagnetische Schwingungen

1. Unten links ist das Schaltbild eines idealen elektromagnetischen Schwingkreises abgebildet. Im Diagramm unten rechts ist der zeitliche Verlauf der Spannung am Kondensator wiedergegeben.



- Berechne die Ladung, die zur Zeit 0 im Kondensator gespeichert ist und die Induktivität L der Spule. Wie groß ist der Betrag der maximalen Stromstärke und zu welchen Zeiten wird diese während der ersten Periode beobachtet? Welche Energie steckt in dem elektromagnetischen Schwingkreis? Sämtliche zur Bearbeitung der Aufgabe benötigten Größen sind den beiden Abbildungen zu entnehmen.
2. Zum Aufbau eines idealen elektromagnetischen Schwingkreises wird ein Keramik-Kondensator der Kapazität 2200 pF und eine Radialfestinduktivität von 33 mH verwendet. Der Kondensator weist eine Toleranz von 20% und die Induktivität von 10% auf. Zwischen welchen Grenzen wird die Eigenfrequenz des Schwingkreises liegen?
 3. Ein ungedämpfter Schwingkreis hat eine Frequenz von $0,726 \text{ kHz}$. Berechne die Induktivität der Schwingkreisspule, wenn der Kondensator im Schwingkreis eine Kapazität von $4,0 \mu\text{F}$ hat.

28. Elektromagnetische Wellen

1. Geheimsender von James Bond

Der Schwingkreis eines UKW-Senders besteht aus einer Spule der Länge $l = 5,00$ cm mit der Querschnittsfläche $A_S = 2,00$ cm² und mit $n = 20$ Windungen und aus einem Plattenkondensator mit der Plattenfläche $A_K = 2,85$ cm² und dem Plattenabstand x .

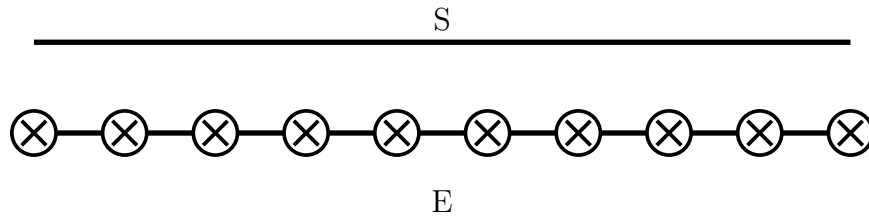
- (a) Berechne x so, dass der Sender Strahlung mit der Wellenlänge $\lambda = 3,00$ m aussendet.
- (b) Der Sender ist in einer Gitarre versteckt, eine Saite der Gitarre wird als Sendeanenne verwendet (induktive Ankopplung an ein Ende der Saite, d.h. an diesem Ende ist ein Strommaximum). Ist der Sender in Betrieb, dann schwingt der „Saitendipol“ genau in der Grundschiwingung, zupft James an der Saite, dann erklingt der Kammerton ($f_a = 440$ Hz). Wie groß ist die Ausbreitungsgeschwindigkeit v einer mechanischen Welle auf der „Antennensaite“?

2. (a) Ein D-Netz-Handy sendet auf der Frequenz $f_D = 900$ MHz, die Frequenz im E-Netz ist $f_E = 1,8$ GHz. Berechne die Wellenlängen der beiden Handystrahlungen.
- (b) Eine Schallwelle hat die Frequenz $f = 220$ Hz und die Wellenlänge $\lambda = 1,559$ m. Berechne die Schallgeschwindigkeit.
- (c) Ein Tsunami mit der Wellenlänge $\lambda = 400$ km breitet sich mit der Geschwindigkeit $v = 800 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ aus. In welcher Zeit T schwingt ein Boot auf dem Tsunami einmal vollständig auf und ab?

3. In der unten stehenden Abbildung symbolisiert S einen Stabdipol, der zur ersten Oberschwingung angeregt wird. Mit dem Empfänger E, der sich in unmittelbarer Nähe zu S befindet, weist man durch die darauf angebrachten Glühbirnen die Stromstärke nach.

- (a) Welche Lagebeziehung sollte E bezüglich S haben, damit der Empfang optimal ist?
- (b) Welche Länge sollte E für ein bestmögliches Versuchsergebnis haben?
- (c) Skizziere die Helligkeitsverteilung, die sich für die auf E angebrachten Glühbirnen ergibt.

28. Elektromagnetische Wellen



4. Die Intensität (Bestrahlungsstärke) der $r_E = 1,5 \cdot 10^{11} \text{m}$ von der Erde entfernten Sonne beträgt am Ort der Erde (außerhalb der Atmosphäre) $S_\odot = 1367 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$.
- (a) Welche Energie W_a strahlt die Sonne in einem Jahr aus?
- (b) In welcher Entfernung (in LJ) kann die Sonne gerade noch mit freiem Auge beobachtet werden, wenn dazu am Ort des Beobachters die Intensität der Sonnenstrahlung $S = 9,9 \cdot 10^{-11} \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$ betragen muss?

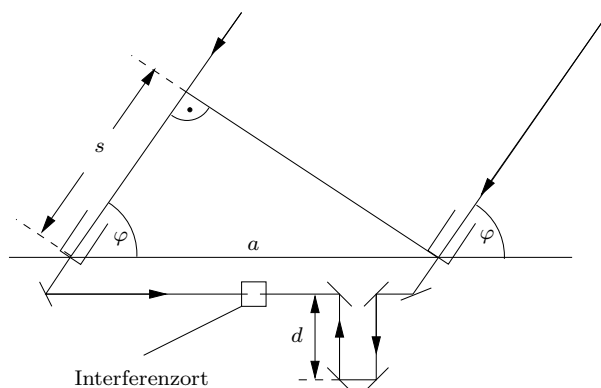
29. Interferenz

1. Teleskope der ESO (European Southern Observatory)

Die Europäische Südsternwarte auf dem Cerro Paranal in Chile besteht unter anderem aus vier großen Teleskopen (VLT, Very Large Telescope) mit einem Spiegeldurchmesser von $A = 8,2\text{ m}$ und drei beweglichen Teleskopen (AT, Auxiliary Telescope) mit $1,8\text{ m}$ Spiegeldurchmesser. Als Beobachtungswellenlänge ist immer $\lambda = 500\text{ nm}$ zu wählen.

(a) Welchen Winkelabstand ε dürfen zwei punktförmige Lichtquellen haben, die mit dem VLT gerade noch als getrennte Objekte wahrgenommen werden? Welche Entfernung hätten diese beiden Lichtquellen auf dem Mond ($380\,000\text{ km}$ von der Erde entfernt)?

(b) Ein VLT und ein AT sind wie in nebenstehender Abbildung positioniert, der Abstand der Teleskope ist $a = 200\text{ m}$. Das Licht, das die Teleskope von einem Stern auffangen, wird über ein Spiegelsystem ins Interferenzlabor geleitet. Am Interferenzbild erkennt man, wenn die Delaystrecke $2d$ exakt gleich dem Gangunterschied s der Teilstrahlen ist.



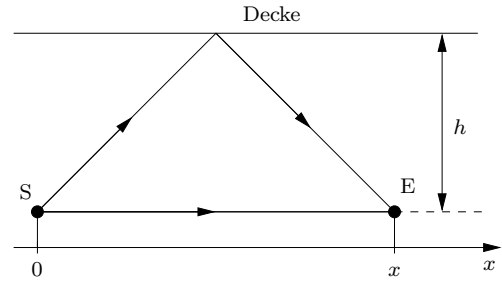
Ebenfalls durch interferometrische Methoden kann d so genau gemessen werden, dass der Fehler bei der Bestimmung von s in der Größenordnung einer Wellenlänge liegt, d.h. $\Delta s = \lambda$. Wie lautet der Zusammenhang zwischen dem Positionswinkel φ des Sterns, s und a ? Beweise mit der Näherungsformel $f(x+h) \approx f(x) + h \cdot f'(x)$ und unter der Annahme, dass a exakt bekannt ist, für den Fehler von φ :

$$\Delta\varphi \approx \frac{\lambda}{a \sin \varphi}.$$

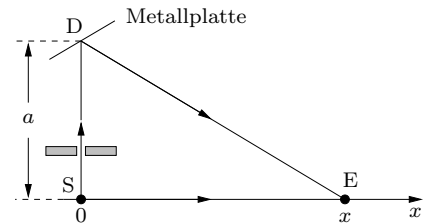
Wie weit dürfen zwei Gegenstände auf dem Mond voneinander entfernt sein, um unter günstigsten Umständen mit der Anordnung aus beiden Teleskopen noch getrennt wahrgenommen werden zu können? Welchem Winkelabstand entspricht das?

2. (a) Erläutere anhand einer Skizze, warum es bei der Reflexion einer elektromagnetischen Welle an einer Leiterwand zu einem Phasensprung kommt. Wie groß ist dieser?

- (b) Ein großer Hangar ist oben von einer Aludecke abgeschlossen. Der Sender S strahlt elektromagnetische Wellen der Wellenlänge $\lambda = 2,00\text{ m}$ ab. Der Empfänger E wird in Höhe des Senders entlang der x -Achse bewegt. Unter anderem beobachtet man zwei benachbarte Empfangsmaxima bei $x_k = 122,5\text{ m}$ und bei $x_{k+1} = 93,5\text{ m}$. Beweise, dass für die Orte der Maxima $x_k = \frac{4h^2 - (k - \frac{1}{2})^2 \lambda^2}{2(k - \frac{1}{2})\lambda}$ gilt und berechne dann k und die Höhe h der Decke über den Antennen.



3. Ein senkrecht zur Zeichenebene stehender Dipol im Ursprung O eines Koordinatensystems sendet mit der Wellenlänge λ . Eine um den Punkt D $(0|a)$ auf der y -Achse drehbare Metallplatte reflektiert ein schmales Strahlenbündel zum Empfänger bei E $(x|0)$ auf der *positiven* x -Achse.

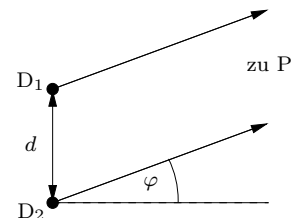


- (a) Berechne den Gangunterschied δ der beiden in E eintreffenden Wellen. Wähle den Ansatz so, dass $\delta > 0$ gilt.
 (b) Beweise für die Orte mit maximaler Intensität auf der x -Achse:

$$x_k = \frac{\beta(2a - \beta)}{2(\beta - a)} \quad \text{mit} \quad \beta = \left(k - \frac{1}{2}\right) \lambda \quad \text{und} \quad k \in \mathbb{Z}$$

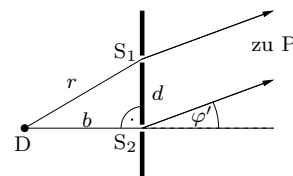
- (c) Warum muss $\beta > 0$ gelten? Beweise, dass aus $x_k > 0$ die Einschränkung $a < \beta < 2a$ folgt.
 (d) Berechne die Orte aller Intensitätsmaxima auf der positiven x -Achse für die speziellen Werte $a = 25,0\text{ m}$ und $\lambda = 5,00\text{ m}$.

4. (a) Zwei Dipole D_1 und D_2 , deren Achsen senkrecht zur Zeichenebene stehen, schwingen gleichphasig und gleich stark mit der Frequenz $f = 0,100\text{ GHz}$, der Abstand der Dipolachsen ist $d = 5,00\text{ m}$. Für welche Winkel φ_k ($-90^\circ \leq \varphi_k \leq 90^\circ$) hat die Strahlungsintensität in einem weit entfernten Punkt P Maxima?



29. Interferenz

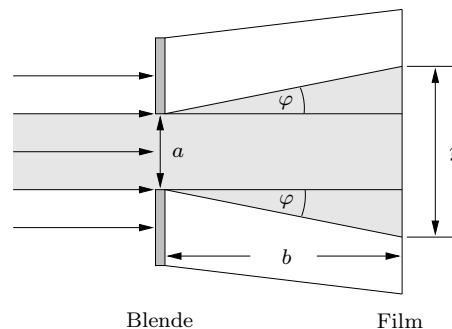
- (b) In einer zweiten Anordnung wird nur ein Sendedipol verwendet, dessen Strahlung auf zwei enge Spalte mit Abstand $d = 5,00$ m fällt (siehe nebenstehende Abbildung). Für welche Winkel φ'_k gibt es hier Maxima der Strahlungsintensität, wenn $b = \overline{DS_2} = 12,00$ m ist?



- (c) Für welche Wahl von $b = \overline{DS_2}$ sind die Maximumswinkel beider Anordnungen gleich ($\varphi_k = \varphi'_k$)?

30. Beugung

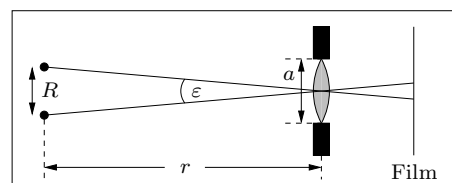
1. Das „Objektiv“ einer Lochkamera ist eine Blende mit einem kreisförmigen Loch mit dem Durchmesser a . Die Blende hat zum Film den Abstand b . Licht von einer weit entfernten Quelle (Stern) fällt senkrecht auf die Blende. Der Durchmesser y des Bildpunktes auf dem Film wird in guter Näherung wie in nebenstehender Abbildung ermittelt. Dabei ist φ der Winkel zum ersten Beugungsminimum bei sehr weit entferntem Schirm.



- (a) Drücke y durch a , b und λ aus. Vereinfache den gefundenen Term für $a \gg \lambda$.
- (b) Für welchen Wert a_0 von a ist y minimal? Drücke den minimalen Durchmesser y_{\min} des Bildes durch b und λ aus.
- (c) Berechne y_{\min} für $b = 20 \text{ cm}$ und $\lambda = 500 \text{ nm}$.

2. (a) Leite anhand einer Skizze die Formel für die Winkel der Interferenzmaxima beim Doppelspalt her.
- (b) Zeige an einem Winkel-Intensitäts-Diagramm den Unterschied der Interferenzbilder zwischen Doppelspalt und Gitter.
- (c) Wie leitet man die Formel für die Intensität bei der Beugung am Einfachspalt der Breite a her? (Beschreibung der wesentlichen Gedankengänge, Herleitung *nicht* ausführen!)

- (d) Ersetzt man in der Formel für das erste Minimum beim Einfachspalt der Breite a auf der rechten Seite $1 \cdot \lambda$ durch $1,22 \cdot \lambda$, dann hat man die Formel für das erste Minimum bei der Beugung an einer kreisförmigen Blende mit dem Durchmesser



Erkläre, warum es einen minimalen Winkel ε gibt, unter dem zwei weit entfernte Punkte von einem Teleskop (Objektivdurchmesser a) gerade noch als getrennte Punkte aufgelöst werden können und leite eine Beziehung zwischen ε und a her. Mit dem gigantischen Keck-Teleskop auf Hawaii ($a = 10 \text{ m}$) sucht man nach Planeten um ferne Sonnen. Bis zu welcher Entfernung r (in LJ) könnte

30. *Beugung*

ein Planet gerade noch entdeckt werden, der die gleiche Entfernung zum Stern hat wie die Erde zur Sonne (das Problem der unterschiedlichen Helligkeiten bleibe dahingestellt)? Verwende als Wellenlänge den Mittelwert des sichtbaren Bereichs!